

چاپخانه سیروس تهران

M.A.LIBRARY, A.M.U.



PE1180

مورم ولعراب

ا - نستودن سدکوشه - درمهندسه دیرهٔ یم که مجنوع کوشهٔ ی کین سدکوشه برابربا دو کوشد ارست ست ، نبابرین برگاه دو کوشد از کیئ سدکوشد دا ده شده با ستوی عتر است.

پین ستوان برای مرسدگوشد نقط نیخ جزر در نظف کرفت: سیمیکهاه و دو کوست سرسر سال قیم (از نفی ۱۳ تا ۲۱) تا بت شده که مرکاه سیجر را را زین نیخ جزر دا و ه شو و سیستوان سدکوشد را کشید (و جالت کلی می و می را ندازه کرفت - در نیم و را ندازه کرفت - در نیم و را و نشده را اندازه کرفت - در نیم و گفته و و شده ست

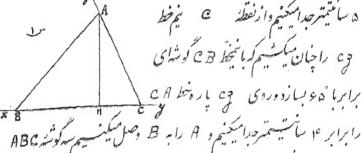
مثال . از یک سرگوشه دو به ملو وگو شمسیان نها در دست است:

ع = ع الممير ع = ع الممير ع = a

آنرا كثابيد

برایگشو دن سدگوشد نخست گیزاا زروی جزرنای دا ده شده میکشسیم ژ و ژبه کل جز ۵ی گررااندازه میگیسیدی

برای کشیدن سدگوشدر وی خط کو× پاره خط ۵ هر را بدرازای متمتر حدام کننه وازنقطنه ۵ نمخط ۸



بست میآیه (شکل ۱)

حال کوشه ای A و B را بانقاله و در ازای کیمیک لوی AB را با مقاله و در ازای کیمیک لوی AB را با متارهٔ ندازه میگیریم تقریبا حیث میشود ا

ا به المنان درست تنكل وعلى ين ست كدسكوشت أم و أو أو الم

رونهم برا مرد وگوشه را ست با شد . "

تبصره -این عدد کا که برای شاسها بدست ور دیم کاملا درست نیست و تقریب زبرا بانقاً نه نتهامیمنسون نوشدرا نانیم زینه ۱ دجه ، نقرسیمانعتن کرد و مست بهماندازه هم نتها ما نعم کی ترتوسید معنی مشود ولى درست لدناى و يحر مكن ست در دوق سنيدن شكل سم تقريب لاني لازم باشد و درنتی مشکلی که مست سا مد کاملا ما نید شکل اصلی نیاشد فرض نیم در شال ^الا بحای عده نای سا ده وا ده شده عدو نای زیر ر ۱ 501. = ê, p. pr = 6, 5. p = a : ish برای نیکه سوانیم سکل را در روی کا غذ کمت هم ایدا ندازهٔ کیمسیاه کی ه و ج كوحكت انه ومشكراً اكر سرسرا رمتسررا ما كائت منامليمشرنما بش وسيم استى سدكوشدا مى بسازیم که مهلولاتی ن کلی ۴۴۰ ره سانسسیتمرو دیگر ۳۲. رع سانتیمرما شد- و چون افسنسناره نی که دروست ست نشیدن درازا می مترازم بی سرزوی کان اتمان سست ارسدم الميترا مري شهرا مي و م و م راترتيك و و ع

از ۱۰ و فیقه نیزد شور ای بیست میآید . و نیستین شور از ۱۰ می می ایریم . و نیستین شور از ۱۰ می ایریم . ولی زراه نمحاسب ٔ دقیق مُتثاتی (جِنَا کد درین تَناسب نتواسیم و ید مِعلُوم میشودکه مینت رسدگوشهٔ دا وه شده ۱۰۰۰ ۴ ۳ ۳ مترمُرتع و نبا سر بن ارزش کنا ۱۰۰ ۴ ۲ ۹ ریال ست بعنی میان فیتجه (محاسب بند وقیق و آنجه از رو کشایش

بندسی بستاً مده) . ۲۶۳۶ ریال تفاوت است .

این نفادت و رست خرتفرسها نمیت که در شدن شکل و اندازه کهریها نمودیم- واگرگوشهٔ ع خیلی کوجهات مثلاً د و پانرو و رشه سیسبه و بارتفا و ت باژه مش

انداه محاسبات معراتی امردن بردای است ازادی

جرد فای دا ده شده.

وررس برسی

يرس عرض أرتشودن سكوشه عيست ؟

۱- سهرنای داست گوشهٔ زیر دا از داه بهنسه سی گبشانید (گوشهٔ داست را

ع مینامیم): ع د متر ا

تع = ۲۰ سر

۶۵=B منتیر م = a ۲۰۰۰- منتیر م = ۵ - ۲۰۰۰- میر

ع = 4 ما تيار ه = 4 ما تياوتر

۲- سدرا ی درراا زراه سندسی گث شد

A=r. B= vs. v. شر ۱۸ = ۵

Bagy Aarg Capp ri

اع ع المعتمر ع ع ع المعتمر ع ع ع ع المعتمر ع ع ع ع المعتمر ع ع

6=10 - 2 C= 40 A= 4:

كيوتر ٢ = ١٥ متر ١٥ = ١٥ كيور ٢٠٠٠

8=1,9 % P= 4 + " a= 0 = "

$$\frac{\ddot{B}\dot{c}}{AC} = \frac{\ddot{B}\dot{c}'}{AC} = \frac{\ddot{B}'\dot{c}''}{\ddot{A}C} = \frac{\ddot{A}'\dot{c}''}{\ddot{A}C} = \frac{\ddot{A}'\ddot{c}''}{\ddot{A}C} = \frac{\ddot{A}'\ddot{c}''}{$$

پرنسبت <u>Be</u> عددی است که سبتگی به درازای بیب بازد (زیرا باتعنب کردن نها تعنیز نیکند) و فقط سبته کی دارد به کوشهٔ ۹ (یا هرکه متم انست)

المجنین است نسبتهای <u>AC</u> و <u>BC</u> کرستگی برگوشند A (یا B) وارند و به درازای کیمیساوال ستگی دارند

ورزشش گوشهٔ A را ترتیب برابر ۳۰ و ۴۵۰ و ۶۰۰ گرفته

نسبتهای <u>BC و AC و BC</u> را درم رموُ دمُعیّن کسنید . تعربهای مینات مقدماتی علی ست که درآن زعد د نا ونسبتهانی که

تناكب شكى مركوشد دارند سجت ميشو د و بوسسيله آن ميوان سه كوشه لا را ازراه مجاسيكشو د

يرشي ي اده

۱- در کی ارساعتهای روز رسائه درختی ۱۵ متروسائه کیک کیسچوب شاغولی دومتری

سرمتر بود - درازای درخت چقدراست!

۴ میبنندی دیواری سه متراست نزد کیک آن دیوار دختی است به بلندی پنج متر۔ وقتی سسائید درخت جارمترمثیو وسسائیر دیوارچه انداز ه خوا پر بود ؟ سخوش نخست ا کیدهٔ می کاف کوشت

۳- کمیدنای کمان - برای نداز وگرفت کانخف ی دائر و کمیدنای حیث د کار

اُلف ۔ زینہ (دیجہ)۔وان بوہ سرامون ائرہ است بینی کانی ات کہ ۶۶۰ مرتبہ درسیسے لمون ائرہ می گنجد .

جرد مای رسند وقیداست و اید:

اگراندازهٔ کلنی از کیک دائره ۱۲ زمیند و ۱۵ وقیقد و ۴۵ تا نیده تا و سیم با نند اشد آنرامین مینولیند:

11° 10' 40", 4

تبصره - بنابرآنچهٔ تسیم اگردر وی پهیدار دن و کان AB بزاکه . برای به به برای کان که کان AB بزاکه برای برای دانره سند . برای برای کان که کا نهای می دانره سند . برای کان که کا نهای می دانره سند . برای کان که کا نهای می دانره سند . برای کان که کا نهای می دانره سند . برای کان که کا نهای می دانره سند . برای کان که کا نهای می دانره سند . برای کان که کا نهای می دانره سند . برای کان که کا نهای می دانره سند . برای کان که کا نهای می دانره سند . برای که کا نهای می دانره سند . برای که کا نهای که کان که کان که که کان که که کان که که کان که کان که کان که که کان که که که کان که که کان که که کان که که که کان که کان که که کان که که کان که که کان که کان که که کان کان که کان ک

حال گردانرهٔ دیگری کمشیم که پرتوش نیمنه پرتو دائرهٔ ۱ باشد و درآن دائر کان ۱۹۵۸ برابر کیئ زنیه باشد وید ه میشو د که درازای AB با درازای AB تفا و شداد (چراع)

نیابرین وی دائره مای محتلف کانهائیکه سجیب نیه برا برند بحسب درا را برا نیتندو درازای ایخف (چنا نکه در بهندسهٔ است میشود) تماسب ست میرتوان دا نره ما (درمورد دو دائرهٔ بالا می آهی ۲ عهر)

پس درازای کان سبتگی دار د جم سبّار هٔ زینه تا کی ن مهم. درازای پرتو دائره سه ایمدان کان پره ای زان ست

اگر م درازاه مد اندازهٔ کان بحب نینه دویا شارهٔ زینه بای آن) و م درازای پرتودائره باشد (م و م سره و بحسب کیک کیهٔ درازا) داریم:

ب کرا دلا و ان کا نیست برابر بنا سیامون دائره - جزرای برا و قیمت سیامی کرا دلا و ان کا نیست برابر بنا می کرا و باشد و تا نیئسته متی که بنا می می کرا و باشد و تا نیئسته متی که بنا و قیمت متی که بنا می کرا داست .

۱۸ گراد و ۵ وقیقه و ۲۷ ثانیه راچنین نولستند ۱۸ ۳ ۲

11,000

ويا

مچن کله و بده میشود مبرگاه کلنی با گرا د وجز، لای گرا دستنجیده شود اندارهٔ آن با یک عدد د بد بهی نمو و ه میشود درصورت کد اگر بازنید و حزر لای زنید سنجیده شود اندازهٔ آن بک عدد د بر بهی نمیت .

مانند پشیرگرج درازاو نهر اندازهٔ کان بجسبگرا دو به درازای پرتو دایره باشد داریم:

f - Yane - Ten

ج ـ را دیان از بان از بند وگرا دبرای محاسب، ای عد دی بحاربر دومیشود ولی در است کردن قصنت به اوشیر در دست و رای شانهایی کنه و گیری بکارمسزید بها مرا دیان دینی کانی برابربرتو) و آن کانی است! زدایر د که دراز است ن آ بر تو دایر هٔ ست بعنی اکر درازای برتو دایر های شاکه دمیر باشد درین ایر و را دیان کانی است بدرازای دومتر .

ورسندستا سيشو وكدنسمت وراراي سيسامون سروانره سرنو

ان عدولیت کنار ۱۸ (۱۰۰۰ ۱۵۹۲۶۵۳۵ مرز) برایم برای در در از ای سیسی امون و ایره محسب را دیان برایم مرز در از ای سیسی برایمون ۱۳ را دیان است و چیاریک آن برایم را دیان است و چیاریک آن برایم را دیان .

اگر مع درازاوی اندازهٔ کان بحسب رادیان م میرتو وایره بار خواسیم داشت:

درازای کان به درازای سپیدامون دایره سرا برنسبت اندازهٔ می نهات پرحسب کت که

ورزش

۱ - درازای پرتودایده ای ۵ شراست صاحب سندید درازای کانهانی ارتیابی ا کدانداز داندا هم با ۱۷ می محراد و یا میک دا دیا نشامی ، ۲ - درازای پرتودایره را صاحب سنید مرکاه

⁽۱) در بشتر جا و کا فی است م را برابر عاعبار م و یا ۱۴ رم بمیری - برخه م ۱۱۳ در بازی در ۱۱۳ در بیان میری در بیان در بیان میرد برد. در بیان میرد به در بیان در

الف - درازای کان ۲۵ کنتراشد .

ب- كان ٤٥ كراه دوست ونيم الله .

ج ـ کان کب را و یان سهمترما شد .

علی میکه فای گوشه - در مهندسهٔ ابت شده است کداندازهٔ کوشهٔ مرکزی د گوشهٔ ی که بارشس در مرکز دایرهٔ ست) بها نا اندازهٔ کلان روبروی ان آ بشرط آنکه کیهٔ گوشه گوشه ای با شد مرکزی روبرو به مکهٔ کان - ازین و کید فاتی را

بشرط آنکه کیهٔ کوشه کوشه ای با شد مرکزی رومرو به مکهٔ کان - ازین و مکههٔ فی را که برای اندازه کوشت تن کوشه بها رسیب برند بهان مام کمه لای کان منامند؛

العث - دروستگاه شب قسمتی د زینه ، کیهٔ کوشه زینواست وان کونسه آ

مرکزی روبرو بجاسیت که برا بر کائٹ اُرینشل دچون کیٹ کوشدُراست مرکزی و بر د کانی سٹ برابرجها رکٹ ارامون دابرہ و یا برا بر ۹۰ زیندیس میتوان نیز

گفت كەزىنىكىك نودم (لى) كىك كوشەراستاست .

وقيقيرو الهنسب مهمين ترقيب تعريف ميثود .

مب در وسكاه د دري يكد كوشد كرا واست آن كوشاست مركزي وبرد

م كاني كميت كرادي ويا به الدكوشة راست است.

م مدود بالدي كوشدا المست مركزي روبرو بكاني برام برثو ربغي كاني كه الرام المرتود وبني كاني كه المان المستري الم

نا برانخدنفت شد متوان زین سیس مرون نیکدانها می شدیمای لوشه کان دنظرگرفت ونعکس شلامیستان بچای کاسکان ده زیندکوسشیهٔ ده زنىد د نِطُرُ كُرفت بعني گوست لەي مركزي روبروي آن كان وبعكس. ۵ - شدیل کمه - سرکا د نداز دُلوشدای د ما کانی بحس کی زکمه اورت باشد ونبخ سيم ندار وآن رامجب كى وكمرازكه بإثناسيم تتران ست كه نخت آن گوسشه را دیا آن کان ل) ایک گوشهٔ راست (ویا با حیا ریک سرامونی ره) بنىچەسىل ناست بلكىنىم: مشلهٔ ۱- اندازه گوشهٔ ۲۳۵ م ۷۶ کراداییست نیر دست ورد چون گونندُراست ۱۰۰ کرا واست بیل بن کوشه ۵ ۳۴۵ و و گونشسکه راست است حال جون كوشدراست ٩٠ زينداست إيل ين كوشد لريرا This AV, YAILAL = 9. XY9YATFA قنية ٢٨١٠٥ رونيم ه ٢٨١٠٥ رو ١٠٨ د وفيقد يا ١٩٤٣ رواي ولي

٩٧٤ ٥٣٤٥ = ٨٧٠ ١٥٠ ٥١٠ ١٨٠ منظم المراوتيد لكنت بدا

٨١/١٨ راراست المراه وقية ١٩٨٠ وقيقة ۴۶/۸۶۳ رارات ، ۴۶/۸۶۳ زنید =۱۱۸۱۰۰ رنید AV, VAI. a = AV, VAI. a و ۹۲۵۳۴۵ , وشدراست برابراست با ۹۲٬۵۳۴۵ کراو. مستنايه - بهن كوشدا مارا ومان سنحيد . كُونِهِ إِن كُوشِيرا براست! ٩٧٥٣٤ ركوشند راست في حون سركوشه راست رارات الم مرارات الم ياتعتبريًا ١٥٣٢ را دادان: Milo sar = olsayarra=Ar. réaju مسئلة الم الله الله الله الله الماراد ما ارتبال المستعبد . گوئیم بر را ویان ۱۰۰ گزرست بی مک راویان <u>۴۰۰</u> گراوا in The star is thought to : ١٤٢٠ و ١٤٢ محر وسيسا

 = ۱۱۴٬ ۵۴۵۴۰ زیداست و با دانیا دیمگان زمینه را بدقیه و تا نیر مبت دل منوو:

 $\frac{1}{2} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}$

چون ۶ عد در سرد و تقری ا ۷ - و سند و کلی برگی شدل کلید - اگراندازه یا ی کی کی کی کی بسب

کداره ی دستوری (۱) و (۱) و (۳) میست میآید با هم بنجیم خواهیم داشت:

ار وی وست کی ۱۹۰ سرکونه مسلمته به لیمرامیت و گروه و مثلاً ار دوی وست کی ۱۹۰ سرکونه مسلمته به لیمرامیت و گفود: مثلاً به بعنی نداره کانی (یاکوشدی) را تجسب را دیان شناسی نیا به (۴) مربعنی شمارهٔ زمنه نا تی حیث بنجوا بدبود:

این عدد مرکزایش متب بست میاییرا برشمارهٔ زنیدهٔ مخان ست و دبهگان

این عدد را باید به د قیقه و تا پند تبدل منود .

ورزش

۱- بك زنيرو كك گرا درا بحسيط ديا ن صابكمنيد . ۲- اندازه گوسشای بررانجب نیه دست ورد:

五尺, 尺, 尺, 尺, 尺,

不, 水水, 不, 不

V 5, VA D 5 . 11 , 10 , 10 , 19, 40. 5

۲-اندازهٔ کوشهٔ (یا کانهای) زرمحب را دیا ن هست ؟

rr'r', q:, ra', si', pa', ri

VALAVAD, Vat, DE, IV PF

۴- برادیان و ج برادمان سرکت برا برحیت گوشتراست بهاشد؟

۵ - درتت عه وقيقه سرك زعفر كن عن عت حدرا ديان يكروندم

ء میان بر د قطر) چرخ حلوی درشکهای تمپرومیان نبر حرخ عقب ن ۱۲۰

سانیمگرست - وقی میب خطون ۷۰۰ می کردوج خصب بیندراویان آدا کهشت؟

۷ - در یک شاند روز زمین حب مداویان کرداست خود میگر دی ؟

۸ - جرخی ۳۰۰۰ دور در یک عت میگر دو د در یک اند حبیدراویان کردی در یک اند حبیدراویان کردی در یک انده میشد دی کردی می از دیان در این شاند سامت بین و خوا برزی و مین شدی کردش حرفی ۳ را دیان در این شارست و از ای پرتونفت الد حبید این ایک یک میلی سامت و می بیاید و تر میساختی ادر مین که را دیان می خط است و می بیاید و تر میساختی خوا بد را دیان سیکر دو - در بیش کردی کی از نقطهٔ می خط است و می بیاید و تر میساختی خوا بد را دیان سیکر دو - در بیش شدی کی از نقطهٔ می خط است و می بیاید و تر میساختی خوا بد را دیان سیکر دو - در بیش شدی کی از نقطهٔ ای کد در عرض «۴۵ قرار دوار در حرصافتی خوا بد

سمووع

۱۲- دایرهٔ دست برتو ۵ شرحقداست ندازه کانی ازین دایره (مجسب نید) که دارای ن ع شرسیب شد؟

۱۳- تندی کردش چرخی بفت و دُمانیاست درجهٔ مدّت عو را دیان میکرد؟ ۱۶- ترنی باتت ندی ۵۰ کیلومتر درساعت وی کانی زدایره که پرتوان ۳ کیلو مترات حرکت ۱ رو- درُمَدت ۲۵ "مانیرحیت درنیهٔ می کردد؟

۲- بروارش من شاقی کوشه می ند ۸ - دروی کی از تحصیل مای کوشتر مند A نقطه ای عرکز دازانجا ۵ رابر عد سون (عموه) میکنیم انصلوی دیگرگوست، را در ه لاقی کست. من رمت سررات كوش ACB مت ساد (على) نطور مدور مقدمه فناسه ومد کانست ای BC , BC , AC , BC ان سدگوشر استکی تای فطن ۵ روی ALLO AC GOLDE ان ستبهاك شما مركوشه A مبسكلي دار زمير مك اراي مي ميا: ندو <u>عور</u> راسينوس كوشته A ميسفايم و زاجينه ناش نيد ميم A ميس عدو <u>عد</u> راسنيون تمم گوشته A ميناميم وانراچنين مين ميدنيم: A وه عدد عدد عد راناترانست كوشه ٨ منامخ ، ، ، عدد <u>AC</u> مناسم مناسم مناسم مناسم مناسم مناسم مناسم مناسم المارات مناسم $\sin A = \frac{BC}{AR}$

Cotangente(r) Cosinus (r) sinus (1)

$$Co_{a}A = \frac{A c}{A B}$$

$$t_{g}A = \frac{B c}{A c}$$

$$c_{o}A = \frac{A c}{B c}$$

چاکله ویده مشود:

الف - ما ثرانت كان أوشد تنديرا بركور سنوس في وشدا

يسنيوس تنهم ك

(6)
$$tgA = \frac{\pi in A}{\cos A}$$

$$e^{in x} \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}$$

(4) Cot $A = \frac{\cos A}{\sin A}$ (5) $\sin^2 \theta$ (6) $\sin^2 \theta$ (7) $\sin^2 \theta$ (8) $\sin^2 \theta$ (9) $\sin^2 \theta$ (9) $\sin^2 \theta$

(V) tg A x Cot A = 1

سے جی ن مینوس وسینوس تی تم مرکد ام برا برنست کی تحصیلوی ایران از ایران میں ایران میں ایران میں ایران کی ایران ایران کی ایران کی

ئوۇد يە دار

تعریفهای بالاراشیسی شرمینوان سیا تفاره ا

سنور کی گراشد ای مندبرا برنسبت درا را مجمهاوی روبروی گوشداست به درازای وتر:

راری به بیروی کوشهٔ <u>A _ (BC) A بیروی کوشهٔ</u> رازای ویز <u>(AB)</u> سینوشتم سیم کی زلوشه مای مند برا براست بانسبت درا رای بھیپ وی مجاور

ينون مسم يي روحه ، يي مدبر بر مت به جنگ دره دوي پ ان گوشد به درازا ي وتر :

دازای پیادی مجاور کوشه (AC) = A یده ورازای ویز (AC) = میده تر از ای ویز (AB) میده تر این این کوشه تا ترانت یا ترانت یا تسبت مجهلوی روبروی ان کوشه می تعدیرا براست بانسبت مجهلوی روبروی ان کوشه می تحصیف اوی فحا و ران :

الرسي را المنيسلون في وأرش الي كالشبالي كوش هردا وشراس بيت

level

 $-\sin B = \frac{AC}{\Delta B}$ $Cof B = \frac{BC}{AB}$ $t_g B = \frac{Ac}{BC}$ $cotB = \frac{BC}{AC}$ نبعیدن بردازشهای مثلثاتی A با بردازشهای مثلثاتی B می نکم: sin A = cos B tg A = cot B $\cot A = tg B$ $\sin A = \cot (9:-A)$ $\cot A = tg (9:-A)$ $\cot A = tg (9:-A)$ (....) 4 . - A O

خارصًا نیکه جرگاه و و کوشتم مهر کر باست می زا تخت ایرار انزانت می دارد. سینوستم و گیراست و تا نژانت کی از آتف ایرا بر تا نژانت می می دارد. مینوست و شده کردست با شد

.... o toris sin to = cor to o sin si= cor tili

نا زانت وسينون خي زكوشها درجد ول برنوت تدشده:

۶:	۵.*	۴.°	۲.	۲.°	1.°	گومشه
1, 48	1,19	1189	,0 VY	7898	7119	مَّارِّة نت
1149	:/V99	794°	70	· 445	ソリアザ	سانوس

۱- بهاساین جدول پداکمنسیده دا رای بهادی گیرسه برنای استگامشهٔ ABC را د ی گوشدراست) که دوحب نه را ن عبارتنداز

۱۰ () () () ازْرُوي تَبْرِينَ مِنْ مِنْ مُرْسَدِّمُ فَيْ السِالِ اللهِ) () () () اللهِ) () () اللهِ

۳- برا مربر دارشه في ي ربرا يحسب بر دارش تهم موليد sing " = ? win yy=?

cot rr ro =? tg rrir =?

tg (9°-10)=? cospr +v =?

 $\operatorname{Cor}\left[9\cdot-(p+b')\right]=? \quad \sin(9\cdot-V\Delta')=?$

٩ يعيرت روارش في ي شاني ي التي الوشيد - تعيرت منول ورسبرراست وشنه ۱۸۵ که دران تح کوننداست سنه (۱۴۵۰) اگرنفظ بای A و ی مامات ندوجای A روی بری تغیرکند مى سنم الرنقط بم خلى زوك به ع باشدكوت A منیلی نروکن به ۱۰ میساشده مرحیقطت A ا نقطهٔ c و رتر شو و کوشنه A از و کو حکیر شد و کم کم یصفر نر د کات شود . ازروی کل می سنیم که اگر 🗿 بزرک شو د ۹۰ نامه نیز سزرک مشو دارا A نامه رابر <u>B ی</u> است که دران CB ما ما و AB درسوی ارون A تغیر میشکورد وقت كم فروك من و ما شدستوس فروك مكاست وموقعي كم م نزديك بصفها شدستور كن نيزدك بصفرات:

Â	•	9.
sin.A		ı

تعنیات مینوشتم درجان گلیشیک بازی هرایا باسکی برخومی های موقعی های مینوشتم درجان گلیشیدیم وقعی های مینوشد های برابرصفرات و وقی که مازی دورمیشو گوشد هیزرگ میشوه و درقیت یکه هایی انداز داری دورشود هید، و مسرسد.

ارزوی ت وی عظم علی است قبی که ارزوی ت وی عظم کی است قبی که میشود که سینوس تیم کی است قبی که میشود کار این این می که کوشی صفر باشد و جون کوشد ارصفر ترقی کت تاب ۹۰ برسیسیوس تیم از این کار کشینه تا با می میشود با میشود با

B	9.
CosB	1

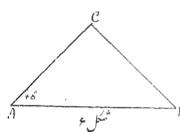
B	0	9.
tg B	0	00

کرده یی نداز *ه بزرک میکردو* . تعنيارت الرانت متمم عون زانت متم واروق زانت استغيارت واروز تنسرات ما شرانت مياشد (وياانكيمنولسيم (ه-: ٩) و cofa = tg كلمك زا را رباي زردست ست كدم وست ا sin fix > cos fix tin si > sin yi tys. < tori cots: (cot w: sin To > cor To ۱۰- سردارشهای مثلثاتی کوشهٔ ۴۰۰ و ۶۰۰ ـ فرض بیم درسبرر آ گوشد ACB (كردران كوشد و راست) گوشهٔ هرابر ج باشد (عله) نبارگوشهٔ A برابر : ع خوا بداود .

 $AC = \frac{1}{r}AB$ $BC = \frac{1}{r}AB$ $BC = \frac{1}{r}AB$ $BC = \frac{\sqrt{r}}{AB}$ $BC = \frac{\sqrt{r}}{AB}$ $BC = \frac{\sqrt{r}}{AB}$ $Color = \frac{AC}{AB} = \frac{1}{r}$ $Color = \frac{AC}{AC} = \frac{1}{\sqrt{r}}$ $Color = \frac{AC}{AC} = \sqrt{r}$ $Color = \frac{BC}{AC} = \sqrt{r}$

و و م برروارشهای مثلثا تی لوشهٔ "ع-جون "ع متمم نا ست خواهیم داشت!

۱۱ - يروارشها ي مثليًا تي گوشهٔ ۴۵ -اكردرسه برراست يوشهٔ ACB



رشی و شد A برابر ۴۵ باشدگوشهٔ تنده مکرشینه ۴۵ خوا به بود و نبابری درسه بر AB دو کهیساوی AC و

B نے برا سر مکد مگر ند

الد. از میها

$$en \varphi \delta = \cos \varphi \delta = \frac{AC}{AB} = \frac{V \varphi}{Y}$$

$$eg \varphi \delta = \cot \varphi \delta = \frac{CB}{AG} = 1$$

(9)
$$\begin{cases}
\sin \psi \cdot = \cos \psi \cdot = \frac{1}{r} \\
\cos \psi \cdot = \sin \psi \cdot = \frac{\sqrt{r}}{r} \\
\cos \psi \cdot = \cos \psi \cdot = \frac{\sqrt{r}}{r} \\
\cot \psi \cdot = \cos \psi \cdot = \sqrt{r} \\
\cot \psi \cdot = \cos \psi$$

А	6. 16. 16. 16. 16. 16. 16. 16. 16. 16. 1
oon A	
Cooll	一点一点。
tg A	· F / 1 / 1 / 0
cotA	~ 下 1

۱۲ ینبصره ینجانگیخوابسیم دیدو زرشهای ۲۲ مه ۱۲ موزنیا به ۱۲ مراه آخرکیا به ازر وی پردازشهای مثلثاتی کوشه ای ۴۶ و ۴۵ و ۱۶ و میوای دیشها مشلتاتی برخی زگومشدهٔ ما مند ۱۵ و ۷۵ و دیگررامنعین منود ولی از بنهاگذشته فیتوان مردازشهای مثلثاتی مرکومشدای بطور درست معبن کرد یه مقدام

تقریم پردارشن کی مثلهٔ انگ کوئشهٔ کی زنه تا ۹۰ راحیاب کرده و د جدولها فی صبط کردهٔ ند - درآخرکتاب کی زین جدولها دیده میشود که دراله پر دارسشن کای مثلهٔ انگی کوشهٔ ۱ (ده د فیقه بده د قیقه) با یک ده نظر در تقر نوشته شدهٔ سیست.

۱۳ - استگی میان سینوس می سینوس تم کیک گوشد - درستررا گوشهٔ ACB (ع) گوشه راست) داریم:

 $\overline{AC}' + \overline{CB}' = \overline{AB}'$

 $\left(\frac{BC}{AB}\right)' + \left(\frac{CA}{AB}\right)' = 1$ $\left(\cos B\right)' + \left(\sin B\right)' = 1$ $\dot{\cos}$

یغی مجموع توانحصای د و مسینوکشگوشه وسینوس تیم آگادشه برا بر کاک ست ، معمولا توان دوم هرزه و هروی را تبریب

Cos'B , sin'B : in joint

ارتها دیده مهم دیده میشو د کرسینوس سینوس مهم مایک کوشید نیز سینچک ایمیوا

ه درس و درس ارزوی سلیمای ۱۵) (۱۶) و (۱۱) و (۱۱)

الفياء عارتهاى درراشا حسب ويربح الموسيد:

sin d cora = tga = sin a (1 - sin a) = Tara x Sin a =

sin a (1 - sin a - 1 - 1/2) = sin a x sina - +

cosa. tga- Jina

to a + 1 - 1 + v sin a cos a

cora tga+cora-cota

- عارتهای زیردانحب مدول نولسید:

Cot x + 1 - 1 Cor x

(1+ Cosx) (1- Cosx) + tgx (cotx-1)

sin x + Cosx+ sinx cotx + cosx tgx

(1 - Jin x . cos x) : (1 + Jin x . cos x) - colx Jin x

ح - عما رسامي دمر را تحسب كا من مها موسسد

sin's + 196 1 + tg 6

tg b + coth sin b = cool

Tyx + Cotx = (cotx-1) den't

عد الله و الما كار ا

F Cor Ti - T Cor Ti

ty po xeotr: : (sur po : cor ri)

۲- نابرابریهای زیرداروشن سازیه (ه کوشانست شد)

tina + Cosa) 1

Fin a + Cosa VF

tga + cot a > r

sin a Cosa & +

۴ _ بمک جدول میرد از شن میشانی درستی برابریهای زیررا برری ماند

Sin bi - Sin 1.

Cos A: + Cos f: = Cost.

۵ - ایا را بربهای زیردرستاست؟

Jin 9: + In " = din (90° + 1.)

tg s: + tg r: = tg (s: + r:)

T Cor T & = Cor 9:

cot vi + cot vo = cot vo

din f. = Towny.

ع- ازروی تبلیای (۵) و (ع) و (۷) و (۱۱) دستی برا بربیای زیر ار

ناند:

$$\frac{\pi i n \times}{1 + \cos x} = \frac{1 - \cos x}{\pi i n \times}$$

$$\frac{1 + \pi i n \cdot \alpha}{1 - \pi i n \cdot \alpha} = \frac{1 - \sin \alpha}{1 + \pi i n \cdot \alpha} = \frac{4 + \pi i \alpha}{1 - \pi i n \cdot \alpha} = \frac{4 + \pi i \alpha}{1 - \pi i n \cdot \alpha} = \frac{4 + \pi i \alpha}{1 - \pi i n \cdot \alpha} = \frac{4 + \pi i \alpha}{1 - \pi i n \cdot \alpha} = \frac{4 + \pi i \alpha}{1 - \pi i n \cdot \alpha}$$

$$1 + \cot x = \frac{1}{\pi i n \cdot x}$$

$$1 + \cot x = \frac{1}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{1 + \cot x}{\pi i n \cdot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{4}{\pi i n \cdot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} = \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x}$$

$$\frac{\pi i n \cdot x}{1 + \cot x} + \frac{\pi i n \cdot x}{1 +$$

برانوی شکی (۱۱) و مست بیا یه $\cos \beta = 1 - \frac{1}{10} = \frac{16}{10}$ $\cos \beta = 1 - \frac{1}{10} = \frac{16}{10}$ پر و می موجب تعریف بردارشهای مثلثانی یک گوشتر میمی بیند زیرا برای بیند و در ارای بیند می باشد - نبابی برگیازا نها برابر نسبت و در ارای بیند می باشد - نبابی می باشد - نبابی می می باشد

اکریجای سینوس کی د کیراز پردازشهای مثلثاتی داد ه میشد شایش کند مانند بالامیسیود

م کشایش سندسی - روی کی رکھیا ولای کوشدرات عنده مراز کا کی کوشد راست عنده کرد کان دایره کا در دارا کرفته برکز که کان دایره کا در از ایاشد نامجیا وی دیگر گوشد و را زا باشد نامجیا وی دیگر گوشد و را

ور ه تنا قی کمن اینک ۷) -سینوس کوشهٔ ABC عددداده شدهٔ ۳ است برد رشمای مثلًا تي اين كوشه ما منح مسئله مباشد - براي برست وردن نها کافیست درازای عظرااندازه کمیریم- دراین کل Be برابر ت كدورازاست $Cor B = \frac{BC}{AB} = \frac{\phi}{\Delta}$ tg B = AC = W اً الريحا ي سينوس هسينوس تتم ه دا د وميشد را هُ نُسَالِيشِهِ ما نند بالامبيود _ اكر *B وق* واو وشو د شكّا ع ع کا فلیت وی کیا او کا ی کوشکراتی الله ع مانند شی درازا ما بی سرمت*ی سراسرما سا و ۱۳ کید درا زاسب میرمیم سیر* سداشود (نمل د CB=۲ وA=۲ وازروی کل درازای AB رااندازه سیکیرم مشود AB = ۵ $rangle B = \frac{eA}{AB} = \frac{r}{\Lambda}$ $\mathcal{C}_{of} \mathcal{B} = \frac{\mathcal{C} \mathcal{B}}{\Delta \mathcal{R}} = \frac{\mathcal{C}}{\Delta}$

$$\cot B = \frac{BC}{AC} = \frac{F}{F}$$

۱- پردارشای شنباتی و گیرگومشنه شد بد را بدست ورید:

$$\cot x = r \qquad (r) \qquad \sin x = \frac{1}{r} \qquad (f)$$

$$\operatorname{Cor} x = \frac{\pi \sqrt{\pi}}{\kappa} \quad (\kappa) \qquad \text{if } x = \frac{9}{\kappa} \quad (\kappa)$$

$$\cot x = \frac{r_1}{r} \qquad (s) \qquad \qquad tg \quad x = \frac{rr}{r} \qquad (a)$$

$$tg x = \frac{YVF}{V}$$
 (A) $Cof x = \frac{1}{\omega}$ (V)

$$\forall in \ X = \frac{t^n}{t^n} \qquad (1.) \qquad \qquad Cost \ X = \frac{1t^n}{1t^n} \qquad (9)$$

$$\exists in \, x = \frac{\alpha}{2} \quad (11) \qquad \vec{ig} \, x = \alpha \quad (11)$$

وگر مد و بن راحیاب کرد؟ چرا؟

١٤ - أيكوشدي فت ميشووكرمسينوس ن عرر وسينوس تم أن ٧ر باشد؟

۱۵- پیداکردن کیگ گوشه تمن د با داشتن نجیما زیردا زشهای فرآن

العند _ را وسيف التي - ويدنم (١٤ ب) كداكرسلا ١٥ ١١٠

را وه شده با شدستوان سگوشای AB شیدکه دران سنیوس کوشهٔ ها عد و دان سنیوس کوشهٔ ها عد و دان سنیوس کوشهٔ ها مد و داوه شده است کوشهٔ هر را بانفت الدا ندازه بخسیدیم به رسیلی می بنیم هی تغییم هی تغییم هی تغییم هی تغییم هی تغییم هی تغییم هی تا می تنافس سنیم و یا با نرانت دا وه شود را همش پیش می می تا می تا می تا می تنافس سنیم و یا با نرانت دا وه شود را همش پیش می می تا می تا

ورزش

گوشهٔ بع را درمرکت زمانهای زیرکشیده پردازش ای د مگران را میابید.

$$\forall in \ x = \frac{y}{\sqrt{y}} \quad (y) \quad \forall in \ x = \frac{\Delta}{4} \quad (1)$$

$$\cos x = \frac{\psi}{\Omega} \quad (\psi) \quad = \ln x = \frac{1}{\tau} \quad (\psi)$$

$$t_g x = \frac{\sqrt{r}}{r}$$
 (4) $cos x = \frac{\gamma m}{1+m}$ (0)

$$t_0 = \frac{\sqrt{1-m^2}}{m} (\Lambda)$$
 $\cot x = \frac{\Lambda}{10} (V)$

کدام ست آن کوشه ؟ درجد ول می سینیم که عدد ۱ ع ۶۰ سینوس ۱۰ ۴۴ س

مثّال ۲- تا نرانت گوشد تندی ۲۸ ۲۵، است آن گوشه رامنیت کنید این عدو درجه ول درستون نرانت ویده نی شو د ولی می بینیم این عدد از ۱۹ ۲۰ مرد که نرانت ۲۰ ۱۹ است نرگست (از ۱۹۴۱). که مانژا ۱۹ ۲۰ سیسه اشد کو حکیراست - پرچون سرکا و گوششت مزرک شو و تا نرانت آن نیر رزرک میشود گوشد ناستنیال ز ۲۰ ۱۹ برست رواز تا نرانت آن نیر رزرک میشود گوشد ناستنیال ز ۲۰ ۱۹ برست رواز

الم المورفلاص منس الوكسيند:

 $D = rr \begin{cases} (r \cdot r \cdot A) & 19 r \cdot \\ (r \cdot r \cdot A)$ $x = 19^{\circ} r^{\circ} + \left(\frac{1 \cdot \chi r^{\circ}}{rr}\right)^{\circ}$ شال ۲- سینوس تم کی گوشه شند ۱۹۰۱۷ و ۱ است کدام استآن این عد وسی رورجه ول ویستون سنوس تنم او په ونی شود ولی می سینیماز عدد ۱۹۰۱۳ روکه ۴۰ د د ۱۹۰۲۵ است زرگتروازعدد ۱۹۰۲۶ و ، م ده ده ده است کوهلیرات است کوهلیرات و بی سید انیم مبرگا ه گوشهٔ ست بزرگ شو دستنوس تیم ان کو حیک میشود و فکس يس كوشهُ أنشناس أز ٤٠ ٢٥ كو حكيرواز ٣٠ ٢٥ نزركترت بازفرض كينسيم ز ٢٠ نه ٢٥ ، ٢٠ نينيرت سينوستم أبليرا كوشه تناسب اشد شارين حول تفاصل ميان ، ۴ م ۲۵ و ۴ و Cos ۲۵ و ۲۵ سون رو وتفاضل با ۲۵ مرده و عدددا دوشده و سردا مبرگاه من المجوشها فرو و مشودارسسینوستهم ن ۱۱۰۰ رکم مشود سرحاً ایش

بَرُوشه افسنروه هدو مّا رئسينوس تهم ن ۹ کم سُود ۶ جواب م<u>۲۰</u> ي تقريباً ۷ وقيمت لرست بنا بري کوشنه شناس ۲۰ ۲۰ ۳٬۰۲۰:

 $D - 17 \begin{cases} 9 \cdot 76 & \pi V = y \cdot 9 \cdot 1V \\ (1 \cdot \frac{1}{2} - \frac{$

 $x = ro' r' + \left(\frac{1 \cdot xq}{1r}\right)$

۱-گوشه فای با از و رزش بالا (۱۵ الف) راازر وی مال پ ایست آن آن دکیر بلا راازروی حد دل برست آور ده دونت جرا با بهم سنجید . ۲-ازروی حدول درستی عد و مای زیررا بررسی نایید

Sin f'' f'=yggfA; cov fA' o'=yYAYISin ygYYA=ygYYI, tgiof' fo'=ygfq $cor^* f''$ 1V=ygfq; cot gf' 1'=yfAfI

٣- نسان سرنای ساده

عوا - خاکد درمقدمگفت شدموضوع علم مثلثات سیداکرون خررای ی است اس سدکوشد نا است زروی خزر یا ی مشنباخته آینا بوسیلهٔ دشولری

متگهایی.

ازراه به نب با نجدا موسیم طبوانی به کسات سدر فای راست کوشد سرو رنا ازراه به نب سی میدنیم که مرکاه یک تصلو و یک خرد و محر (حرکوشدرا) از یک سه برراست کوشه راکستناسی مزر مای و طرر امیستون سیستا و فر برای بیست ورون حزر فای شاسی و سند را نیراکه بخار طبری استا

(ق كوشدرابست)

(17)
$$c^{\dagger} = \alpha^{\dagger} + b^{\dagger}$$

$$(17) \qquad A + B = 1.6$$

(14)
$$\sin A = \frac{\alpha}{c} = \cos B$$

(12)
$$\cos A = \frac{b}{\epsilon} = \sin B$$

$$(15) tgA = \frac{a}{b} = \cot B$$

وستوراعی (۱۴) و (۱۵) و (۱۶) و شمارهٔ المضمن مرتف يردارشهاي

مثل قی کوت تند بست مده ومعن می نها را و و باره بعبارت و کمیر یا دا و رئی کینیم: درمبرسد برراست کوشه درازای مهریک از محصک او می کوشه را برابراست با حاصل صرب درازای و تردسینیوس تنم کوشه مجا و ربدان پهلون

ه = c cor A ه = c cor B در مرسب براست گوشد در ازای مبریات از بهاونای گوشد را سند برا ای مبریات از بهاونای گوشد را می این کیملو:

با حاصل صنرست در ازای تر درسسینوس گوشد رو بروی ن کیملو:

در مرسه برراست کوشد درارای سرکاف از بخیاه تای کوشد رستارای بر کافیارای سرکافیا می کوشد رستارای با ماصل جنر سیار از این کوشد رو بر وی آن بخیب با و در درارای بیلوی دیگر

رستن عي ساده پرستن عي ساده

اگر درسد برداست کوشه ABC (څ کوشد راست)

The sa in the c , $A = \frac{1}{F}(1)$

$$\frac{-\xi Y}{T + C} = C + \frac{1}{5} (T)$$

$$a = -15=6, t_0A = \frac{r}{r} (r)$$

$$\mathcal{L} = \mathcal{L} =$$

$$a \quad c \qquad a \quad |A=a \quad ; \quad \forall in \ A=\frac{r}{4} \quad (s)$$

. . Esa . . YI= c . Cos
$$A = \frac{Y}{Y}$$
 (Y)

, as
$$e$$
 , $a = e$, $\frac{1}{\sin A} = a$ (9)

$$AC = \mathcal{C} \circ BC = aC \circ \widehat{A} \circ$$

(10)
$$A = 9^{\circ} - 7^{\circ}$$
 $A = 9^{\circ} - 7^{\circ}$ $A = 9^{\circ} - 7^{\circ}$

ع من و ع و م و م و م و م و م و ازروی صدول میست میآید:

sin rs + = varr

caro F' = VALTE

a = 10, V X ; AITF = 11. V 2 5

C= 10, VX; 018 = 9, 104

اکرمهن سدر رامه مغوابیم اواشتن ۵ و مح میتون زاحا کرد

S= a. B = cr sin B. cos B = 15, VAAX 9, 10 F = DATA

میوان *درستنی متحدراا زروی دسسور* (۱۲) بررسی نمود

شال وم ازسدبرراست كوشه ع عدم بيلوى عدوكي زكوشهاى

شدرا وا ريم!

AC= C= Fryso

A = Th T.

رینی و تر ۸۵ و بهلوی ع و کوشه فی اشاس

المشاش مرحب وسيد وسيدور (١١١)

Banney Plast Pi

وموجب وسورنای (۱۵) و (۱۶) خوانتیم واست ؛

عناصیم: مثال سوم - ازبات سه برراست کوشه دو کیملوی کوشهٔ راست را می شناسیم:

وتروكوشدة اشناس.

گشایش گرچه و ترا زروی دستور (۱۲) برست میآیه ولی برلی نکیه ریشگرفستن در در کارنبا شد بهستار نیست که و تر رامیس آرکوشد تا و از زو تی نا دست بیا دریم و دستور (۱۲) را برای بررسی درست بو دنست جدیکار

> سرکم؛ موحبلسه دستور (۱۶)

 $\frac{t_g A = \frac{\alpha}{\theta} = \frac{v}{\Lambda} = v_{\Lambda V \Delta}}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} \frac{1}{2}$

B = A - A = PA - PA

مال تررامتلاا زروی وستور (۱۵) حیاب می شیم: م

Cor F & 11 = 14 3 PF

ار کار میں از کار میں میں اور کار کی میں اور کار کی میں اور کار کی میں اور کار کی میں کار کی کے دیگر و کار کی کے دیگر و

راست اواريم:

AB = c = 11

AC = b = V

ناشانسس داین جاعبارتب داردوگوشهٔ A و Β و کھپ ادی α

مُ نشأ لين _ بموحب وستور (١٥)

 $cor A = \frac{-C}{c} = \frac{V}{1!} = \frac$

9 = D. Y9

وتموجب وستوراهان

B= 9:-A= F9° FÍ

a= b. tgA

tgs: rq = 1, rirr

لير دم **رسا**

B= VXIVIFF = 1, FAF

من ازروی دستور (۲ + ع) (۲ - ع) عنور عنوان ما درور دروی دستور (۲ + ع) عنوان ما دروی دستور (۲ + ع) ت ورد و به در تنی نمتیجه پی مرد . و رزش

يند سراى است كوشد زير دائشناسانيد:

$$\mathcal{C} = 1,0\Lambda$$

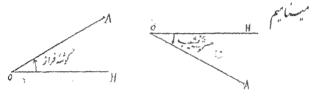
$$\alpha = y q y \overline{y}$$

$$A = \Delta q^{2} \overline{y} \overline{y}$$

$$C = 1 y \overline{y$$

(11)

مراوشنشیب گوشه فرار خرص کنیم به دانقطه و باشده بنظه ای نند A گاه کندینم خط ۵۸ با من فقی H کدار و میگذردگوت ای میسازد با برآنمه A بالای من H یا پئر آن بابت مگوشتند HOAراکشه فرار باگوشه نشیب A از و



۱۲- بندی سنارهٔ ی ۳۵ متروکوشنون ارآن ز ۵ که رونی مین سناده و شرخ از آن ز ۵ که رونی مین سناده ی گوشد سند از این منار چین در ترت ۶ و شرخ از آن درخت ۱۳۰۰ میسانده کوشهٔ فراز آن درخت ۱۳۰۰ مین درخت است با مین درخت است باندی خورست بدایا گوشهٔ فراز ورشها در آن ساعت هیست ۲

۱۵ در دون وا بروشکال ست براز آب در نرد یکی برجی به است دی ۳۵ متر به برای شاختن در از ای میبان برخوش کوشد نشیب و سرمیان بری زخش اکد ایج در یک ماستها بست از سربرج انداز بگرفت آیم می ۴۵ و ۴۰۰ شده در ازی سیان نردا میاب کنردا میاب کنید .

ستاین مین سنده وقتی که دو کوشه تبرتیب ۴۴ و ۲۸ باشد.

۱۷ بخصی رای سپیداکردن بهنای کیک رو دنانه یعنی برای بپداکردن اندازهٔ محده می و ۲۸ باشد،

۱۷ بخصی رای بپداکردن بهنای کیک رو دنانه یعنی برای بپداکردن اندازهٔ محده می ما کنسد که می ا

۱۸- با دوگوشهٔ یک درد و تنظمه ۱۹ و ۱ بیامشندگوشد فرار سوابهانی و از از میم میکدرد سرسد) تبرتیب ۶۰۰ میکیریم (درقبسسد) تبرتیب ۶۰۰ و ۱۵ میرد درسرسد) تبرتیب ۶۰۰ و ۱۵ میرد دروی که از ۱۵ میکیدرد سرسد) تبرتیب که و ۱۵ میرد دروی کینه خط افعی تو ده می ۱۵ میرانبست و دیاشند .

19- درکن ارر و دخانه ای بهنیای ۵۰ متربر حی ست - و میدانم سینوس گوشهٔ فراز برج از انظب من و دخانه که درست و بروی جاست تنج بیاشد عبد برج حینه دسترست م.

۲۰ بجیا ندازه از پای برجی که لمبندگی ن ۲۰ متراست و رباییشد ناگوشنه فراز

یج ۴۰ مرد ویده مؤدی

١١- سُكُوْ مَا يِي رِحِي در كِ إِمِنْ فَقِي سَتِ الرَّكُوْسِيْتِ سِنْكَ أَسْرِيْنِي . ٢٠ أ

محوشنشب نا زسو اخی ا زبرج که درست بیک فاصلدا زبایئرنی بالای برج است جنون مودی

۲۶ ـ ببندی سدگوشه متساوی تساقینی ۱۲ مترو ببر کیئ (دوگوشهٔ برا برآن ۴۱ میرا شدیمیت دو گوشهٔ برا برآن ۴۱ میرا شدیمیت دولا و پهندان راحیا ب کمن بید و

۲۲ شخصی خوا به بلبندی دختی رااندا زه مگیرد - برای نجالز د و نقطنه ۹۵ ه که ا ۱ پای د زخت روی کمب خط افغی سیب باشدگوشهٔ فراز درخت ااندازه گرفته - در ۸ مینوس گوشهٔ فراز درخت از کرفته - در ۸ مینوس گوشهٔ فراز درخت تخراست ناست.

مری از ۲۰ میاشد است؟ گوشهٔ فراز ۲۰ میاشد ابندی دخت چند سراست؟

۲۴ - حسا بكنيدېرتو دايره نائ ناطى ومحيطى كينه ننج برښتنظمى اكه مهاوش حهار

۲۵ - در یک وابر ه سرگاه زبی تی پرتو باشدگوشهٔ مرکزی روبروی ن زجیداً؟

۲۵ - برای فبستن بندی یک برج گخهب ایی که در بالای تپلی ساخته شده است در پاشی شید رد و نقطهٔ جرو هی گوششهٔ فرا زبرجرامعین کردهٔ یم تربیب ۲۲ و ۲۲ و ۲۲ مشدهٔ شده است - A و B روی یک خطافهی سیسباشند که با استرج و بیک نامن تا می ده هم برا ر ۲۰ متر پیماشد - بندی بجازیای تینهاد آ؟

۲۲ - نلندی ساخهانی ۲۰ متراست - حیداندازه دوراران بدیورا کوشده ۲۵

ويروشوو.ه

۴۴° ۲۷ ترجی به طب دی ۱۱۰ ترگوشدنشیه و نقطهٔ A و B تربتیب ۲۷ و ۴۴° ۲۷ و و ده و در کی مست ترجی و ۲۰ می مست ترجی می خطافتی بوده و در کی مست ترجی می میاست ند - فاصلهٔ A و B از مهد گرحقد راست ؟

۲۹- کو بی ست به بلندی ۴۵۰۰ مترکه گوشنمن لرزان زنفطه ی م که خود ۲۰۰۰ م بالای دریاست ۲۰ ۲۱ است و ری ۱۲ ارسرکو و تخطیر است حقیدت م ۲۰ گوشند منسر از دختی دریک نقطه عوالا است و کا گرده متر مدرخت نزد کمترشوم

عموشهٔ لبن دی نوع خوا بد بود - ببندی درخت جیست؟

A و B پنج کمپ او شراریم و ورباشند .

۱۳ مربتو رشعاع) کرهٔ زمین اسرگا داره و بسگرند کوشه با ۵ ویده مشودنین دو دوری ه رااز زمین صا مجمنسعید ، (محسب برتوزمین)

* مومویه میوا پیمانی در ممبندمی ۱۰۰ ۵ مشر پر دار میکت دیچه دا برهٔ می از رئین خوا بدوید؟ (لینی بر تواین دایر ه حیشدراست ای و یا بپر توافق میوا پیا چیب ؟)

٩ ع ١١ - مواليم المحيد ونبدى بدير والجكث ما السكد ٢٠ كيلوشر وورتررا ومند؟

۲۵ - برتوولیروی ۷۷ ساستیراست بیرامون د بهاوی شنام محاط دران حید

بساشد؟

ء ٣ ينيذ و محيب لوي منظم محاط دبيمين ايره حيدت

۳۲-اگرمینهٔ ۵ میلوئ شفر محاط دریک دائره اعظ سانتیمرتع باشد مینده میلوئ سندم محاط دریک دائره ایره ایره میلوئ به میلوئ بیلوئ میلوئ بیلوئ بیلوث بیلوئ بیلوئی بیلوئ

كنيد.

مجب R بستاوريه

۲۹- نابت کنید کدمینه مر بهادی شطم میطی ۱۸۰ و ۲۶ مرست ۲۹- نابال کار با بای مناری باندی ۲۴ شرکو شیانشید و مستمکی که با پای منارو

من خطافقی سیسهاشند "۱۲ و ۴۴ میاشد د توسنگ از هم همرا ندازهٔ ورند؟ ۱۶ شش بهاوی نگفتی دایرهٔ ی محیط است که برتوش ۹ رع متر است د را رای فوی

انزاحها كمنسيد.

ع ا درازای کوشه برهاری مهاری مهاری شخم الراست داری بهاولی نیست؟

۴۶- میلونی شطنی وایره ی محاط است میرتو ۵ مترورازای سرکیا رسیلو^ای ر » مر ازاحیات نند ،

۴۶-میان نرویره ی ۳۱۸۷ مست سات کنیدگوشته مرکزی روبره ماکالی ازان راكنوشس ١٠٤٩ ست.

۵۶ - زه کانی به درازای ۲۰ سانتم ترست و وری مب ان زه زمیالتان ۶ سامتر اندازهٔ کان تجسب قبقه وزینه تیلست ؟

ء ۲ ۔ حسا سیکنٹ یڈنٹ ہای کانی راکدیر توشنس ۹ مشرود وری میان کی ل فرمان زیش در ۱۳ مرماشد.

. . ۷ م به درازای کلیپ اوی کیک در برهم دومتراست حسا میکمث پدیر تو دایر و محافی و

۴۶ - نیخ برنظمی ست محاط در یک دا بره بربرتو ۳ مشرصا میکنید برتو دایره محاطی

۹ ۴ - یا نیر سرمی ارتفای می مشرا مست می گوشنه میان سرکیا با زمیاه تا می تع ۱۱ ل

مرم ۱۵ است بندی سرم چدراست؟ ۵۰ از A که درجنوب برجیاست گوشد فراز آریج ، ع است واز B که ۱۰۰ مردم

المرق A است كوشفرا رائع ٢٠٠ باندى زج راحيا بكسنويده

۱۵-۱زیک نقطه دو درخت ۹۵ هر را مینیم ۹ که در ۱۶ متری ست گوشه فرازش ۱۴۴۰ ۴۶ بیاشد . گوشه فراز ۵ که در ۲۵ متری میباشد ۵۰ ۳۱ است کدام کیک اردو درخت بنایتراست و تیلهٔ ندازه ؟

۵۴- برتودایرهٔ ی ۱۳۴ سانتمنراست کمکنسید زه کان ۱۳۳ م۵۴ را ۱۵۴- درسانتی کرسائیه دنیتی به بلندی ۲۵٬۳۷ شر ۵۶ را استرمپا شدخویشسید خپزینه ۱۷۶ فق است ۱ (یا بلندی خورشید چه اندازهٔ ست ؟)

۱۶ مین و درازای راستگوشدای نبرتیب ۵۰ و ۱۶ ساختم است کاکب بد گوشدی داکه بهلوی مزرک ن باگوشه ^نرز قطاری ساز و ۰

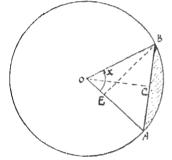
۵۵ - زه دایرای برازای ۱۰ سراست وگوشهٔ مرکزی روبروتی ن ۱۷ - دا زای برتو دایر دراحسا ب کنید ۰

۵۵ ـ ساید درختی درساعتی که کوشهٔ فرا رخورشید ۵۵ است ۱۰ مترمیا شدمبند دیخت راصا کیمنسید .

۱۷ ه گر شدنی رخی میانی و مانسس بردایره هم است و دارای بین و ماسس (ارتفطه لا فی انها ما لفظه تاس) نیج شربه برتو دا بره راحها کست بد

۸ ۵ کف ایوان خانه ای مهمت مالاترا زاب حوض کنت و درای دری ا ککوشهٔ فرانیش از نقطهٔ ۸ که درکف ایوان می کیری ۳۰۰ و کوشهٔ نشیب تصویرش داب حرض ه م مسباشد بندی وزخت و فاصله افتی گزا از A حساب کسنید A و A مسباشد بندی وزخت و فاصله افتی گزا از A و A میکیریم (A سیان A و A و A میکیریم (A سیان A فیر شید میکیریم (A میکیریم (A فیر شید فیراز A از A (A فیرانشد فیراز A و میکیریم (A

الف على و ع بريك چها ندازه بالاتراز A يباستند؟ ق د اگرشد از A تا ع را كنواخت كنندكن شيب حيا ندازه خوا بهشد؟



ربندسرى سينيم كينة تطاع AOB

را برنمهٔ خالضرب دارای کان ۸۸ست دردارای

پر تو دا بره

 $AOB = \widehat{AB} \times AOA = \underbrace{RX}_{r} \times R = \frac{1}{r} RX$

وحوال

۱۵-ازیک نقطه دو دینت A و B رای نتیم A که در ۱۶ متری ست گوشه فرارش ۴۶٬۲۶ بیاشد و و در ۲۵ متری میباشد ۵۰ ۳۱٬۵۰ است کدام کیا زدو وخست المارتراست وبحلانداره؟

۵۴ - پرتودایرهٔ ی ۸۲۴ سانتشان کنیدزه کان ۲۳ م۵۴ را ۵۶ - درساعتی کرسائیه دختی سر مندی ۲۵٬۴۷ تسر ۵۵ را اسرمیا شدخویشد بدخیرت الای فی است؟ ۱ یا بلندی خورشید حدا نداز است؟

۵۶ يېپ و درازاى راست گوشداى نرتي ۵۰ و ۷۴ سانتم راست کاكنسد

گوشه ی اکه میلوی نزگ ن با کوشه نراقطامی ازد .

۵۵ - ز. دایر!ی درازای ۱۰ سراست وگوشهٔ مرکزی روبر دی ن ۱۷ - درا رای برتو دايره راحيات كثيده

ء ۵ - سایهٔ درختی درساعی که کوشهٔ فرا رخورسشید ع۵ است ۱۰ نسرمها سدمند رخت راصا كمشيده

۵۷ مير شد خارجي ميان وماسس مردايره "۵۶ است و داراي ين وماس (اربعظه لا في النها ما لفظه عاص) وتبح مسر - برتو دا مره راحسا سيست.

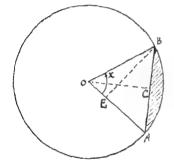
۸ ۵ کفیا یوان خاندای مهمت بالاترازات حوض نست و دران دردی ا كوشد فرانشس زنقط A كدركف الإل مي كبيم "٣٠ وكوشدنشيب تصويرش وأب حوض $A = \frac{1}{2} \int_{A}^{A} \frac{1}{$

گُوشْدْوَاز Bاز A(یشیب BA) ۱۲ مرکشت واز ع از B رئیب

.. ilu s 16(CB

الف - B و ع مركك جدا زاره بالاتراز A يباثند؟

ب - اكرشيب ز م ما ع را يخواخت كنندين شيب حيا ندازه خوا بدشد؟



د بندسهی سینیم که پندتهاع AOB دردارای برارندمال ضرب در ارای کان ABست دردارای

برتو دام<u>ر</u>ه

$$AOB \in \widehat{\mathcal{B}} = \widehat{\frac{AB}{r}} \times OA = \underbrace{\mathcal{R}_{r}}_{r} \times \mathcal{R} = \underbrace{1}_{r} \mathcal{R}_{x}^{r}$$

وحوان

 $A \circ B$ بند $A \circ B$ بند $A \circ B = \frac{1}{7} AB \times OC = \frac{1}{7} OA \times BE = \frac{1}{7} R + in \times \mathcal{C}$ بن پنداره دایره (مایرزه) که نفاصل بن دیشاست منی خوا بدند:

 $ABC = \frac{1}{r} R^r x - \frac{1}{r} R^r \sin x = \frac{1}{r} R^r (x - \sin x)$

المازة كوشة A O B است بحسب الريان.

. ع- چدراست پنیه قطاعی که کوشه مرکزی ن ۴۴ و درازای کانش امترا : . ع- چدراست پنیه قطاعی که کوشه مرکزی ن اء۔ دروایرہ ی برتو پر است تمیز وری رہی از مرکز ۵ ساتھی ترست حساب

كنيدين كو كيترين إرواى راكداين وااز داير و حدامكند ،

۶۴ ۲۳ میرتودایرهٔ ی ۸۳٫۴ ما متیرست حسا بخنیددازای کان ۲۳۰

ووازای زهین کان را .

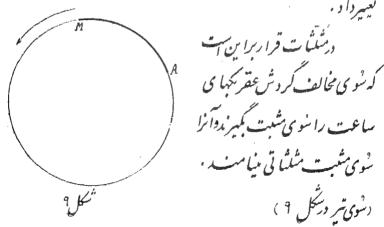
» ع د مفرض سني كه دراراي كين شدا زوايرهٔ استوا ۱۱۲ كيلوشراشيجها

كنددازاى ك زندرااز دارى كربعض ۴۵۰

* عاء مطورُ كُلُّ الركه وازاى كمك رية استواوه عرض داراى أسدًا کنیدکه درازای کان زنیازین داره موه که میسیاشد . بر دارشها می منتان کی گونسه الطورگی ۱۷-سوونت نه کانها - اندار ٔ حبری - روی کین نظرات برای وشن زیک نقطهٔ هر بیک نقطه دیمر هر کیست و داین راه

بیم موی حرکت و بیم درا زای را همعین ست .

ولی درروی سِرامون مرخی سایش و بیم درا زای را همعین ست و ایره (و بطور کلی زوی سِرامون مرخی سینی مین مین مین دارد و برخی شری شرای فتل از کیک نقطهٔ هم بیک نقطهٔ و بگیر همیت وان دوسوئم کزید کی منوی حرکت عفر کمک فلی ساعت و دکیری شوی مخالف آن - ودر میرکی نیاز د و سو درا زای را ه را به سه میتوان میخوا ه - در شخت قانون مینی میرکیک از د و سو درا زای را ه را به سه میتوان میخوا ه - در شخت قانون مینی میرکیک از د و سو درا زای را ه را به سه میتوان میخوا ه - در شخت قانون می میتوان میرکیک از د و سو درا زای را ه را به سه میتوان میرکیک از د و سو درا زای را ه را به سه میتوان میرکیک از د و سو درا زای را ه را به سه میتوان میرکیک از د و سو درا زای را ه را به سه میتوان میرکیک و در میتوان میرکیک و در بیمی میتوان میرکیک و در میکند و در از در بیمی میتوان میرکیک و در در از این میکند و در از این میکند و در از در این میکند و در از ا



نبارین سوی کردش عقر ک فای ساعت سوی سفی خوا برنبود .

باین قراردا داندازه جب بری را ه فایکا نهای بموده شده درسوی .

مشگها نیراه بیت د بانشانه +) واندازهٔ جبری را بهها یا کا نهای میموده شده درسوی شفی را منفی (بانشانهٔ -) میگیرند،

درسوی شفی را منفی (بانشانهٔ -) میگیرند،

فرض شیم اندازه مثبت کان AMکه درشکل ۹ درشت کشیده شده جب

کی رکید نای کان ۵ وانداز ایسپارمون دایر ایجب بهان کیدی باشد. برای سین که متحرکی ر A رسرکان) به M (تدکیان) برو دست وند رسوی مثیبت مثلباتی فقط کانی برابر ۵ میمپاید و یا انیکه درسوی منفی ایمی

يه ايك قد مطلق ٥- ٤ باشد .

وی تحک پش زان که در ۱۸ بایتد متیواندهی د ورتام دریی زدو بزند - اندازهٔ این دوره لا را میتوانم صبورت م م نبویسی که م عدد درست

شتبی ت. پیل ندازهٔ را بها ئیکه درجهت مثبت یمو د ومیشو د بصنورت کلی

در سوي منفي ممود وميشو ولصورت

است ـ بيل ندآزه جبرى ين البها بعنورت زيرت:

a-(n+1) e 1, -e+a-ne

نارس کر اندازه بسیری رابی راکه شخک روی بیدار داره بیابید نارسر کان A به تمیکان M برسد به AM نایش بهیم سوی حرکت برجهاند

 $\widehat{AM} = \alpha + k \times c$

الم دراین وسورعدد درسی است شبت یامنفی یاصفران ۲ ± ۱; ± ۱ نان هر درسی است شبت یا منفی یاصفران ۲ ± ۱; ± ۱ نان آم سبت کان آ

وسور (۱۲) اندازه جبری کانص نی را مید میکه سرجمانها در A و

(AM Glib) Lib M 10 Linis

وررش

١- وركيك وايره كالهاني ربروا معين سيد ا

-100 ; _1ro.

۴-این کانها را با بم جمع کسید (ازراه دسم)

-9. و °۶۰ و °۶۰ و °۶۰ و °۱۲۰ و °۶۰ و °۶۰

-111: 9 På ; 1.0° 9 -På ; -Vå , 9.

11: , pà

۱۸-ازروی دستور (۱۷) ویده میشود که سرگا دسروتیه کی کان داده شونداندازهٔ جبرگی متواندازه - "ما ه بتعین سرکند واین ست نفاو میان کانخف می بندسی وشگاتی ولی اگر شکل دیا تیآن با اندازهٔ جبری داده میان کانخف می بندسی وشگاتی ولی اگر شکل دیا تیآن با اندازهٔ جبری داده شود تریکان دیا شران) کا مگامعین آ

ولی نیم خط ۵۵ را کرخت روی بده سکسیدیم میوان در دسوکر داشد آریم خط بره منطبق شوه د سوی شبت که جائش نی شب مشاراتی باشد وشوی فی سو به ما نداخچ درمور د کانها گفت بیم کی گوشد یم دارای اندازه بای حبری میتارا که ازروی کی زوست و رفای (۱۹) و (۱۹) و (۲۰) برست میا بدچنین نوشتید

$$(0x, oy) = (x, oy) = x + x K \pi$$

(19)
$$\widehat{xoy} = (ox, oy) = n^{\circ} + \mathcal{K} + f^{\circ}$$

$$(\tau \cdot) \qquad \widehat{xoy} = (ox, oy) = n'^{g} + K + \varphi_{o}^{g}$$

وشرابه مه و م و م و منالمانم.

و بهانطور کید درمور د کا گفت مشدی نیم اگر کھیں۔ کی گوشد را د استداب میم انداز اوجبری کی کوشد ملیواندانه مین می انداز اوجه تعلیم

و معامل آگرشلاً مهلوی نخست و اندازهٔ جبری کوشا می را واشته باشیم های د کا ملاشخصست د کا ملاشخصست ه

وررش

- ۶۳ -۱-۱ ین گوشه فا را بسازید: ai x mi, -mri, -aii , +vri , -pii , tvi

ا كُ نَقَالِهِ و وحاصل مع زيرا يست وريد : (بدون است كدروى كالفيضري تجشيد)

$$TF^{\circ} + VF^{\circ} + (-F^{\circ}) + TV^{\circ} + (-F^{\circ})$$
 (A)

$$-17.^{\circ} + \Delta V^{\circ} - Y1^{\circ} \tag{9}$$

(١٠) .. أكرمية يحركت عقر كا باي ساعت را زيشت ساعت بهم يب نيم (مثلا أكرشون ساعت شَّفًا من بود) واكرد ونفت ركي رُحلود ديگيري رُسُت سِاعت ُ مَا مِبِ كُروْ لُمَا يُتَّبُّم

اس و ونفر کوشه کید کی رعقر ایک می سماید کیسان ب^{ووع}

الا _ اگرورد ستور (۱۲) عدد درست کر را تبرقیب برا برگر و م

کمیریم دو کان × و × بست می آید:

اگراین د و کان رااز هم کمکنیم خواهیم داشت:

x - x = (k - k)c

چر - بر مدد درستی ست بس تفاصل و کان که دارای کیت مسروکت میباشند مضرب درستی ست زیبرامون دایره بهیق سنید درورد و شدی

میان و نیم خطنبر درست. و زرش ۱ ـ وارون ین صنت پرا است کمن پید .

ورزش ۲- ازروی مین فضیدروشن سازیکه متیوان دردستور (۱۲) ه را انداز هجبری کچی زیما نصف می از بیک متیوان دردستور (۱۲) ه را انداز هجبری کان مشبت ۱۳۰ باشد مشلاا کریک کان ۱۸۹ برابر ۱۳۰ باشد انداز هجبری مثبت به که کان ۱۳۸ برابر ۱۳۰۰ باشد انداز هجبری منه که کانهای ۱۳۸ را میتوان نوشت :

AM = 18: + fe 85:

ميتوان سينرخينو شت

(X see () AM = - Tr. + / TF.

زیرا ۴۳۰ - انداز جببری کمی ارکانهای ۱۹۸۱ست (درازاه ۱- یه) ۲۲- دایر ٔ هٔ شتناتی - دایر است که پرتوآن بر ایر کیه درازا باشدورو سرامون ن سوئ شبتی برگزیده است ند-این سوی شبت مغمولا بهان شوی

مثبت شمّاتی ست بعنی سوی مخالف کردش عفر کوئی ساعت (عل ۱۱) - فرخ كنيم وي إينون اير ه مثلثا في نقطه A سر ان ان الله عن الله عن المنطبق بر OA وآسته من واعمود برآن A میکیریم وروی پره کوسو طوری ملیب ریم که OA تبواندیس اگردش ۹۰ زمید درسوی تبت آست بده بدراآست متممر إ ويون رااس ورْرش به کا نهانی دردا بر ٔ مثلثاتی کمر مدکه ١٠٥ باشد-نخت أسئسينوس سينوس

سینوس وسنیوس متمم - فرخ کنیم روی سرامون دایرهٔ مثلّاتی هم تیم کان دنوایی با شدکه سران در A است و مختصّات هم نسبت بدواست مدن و پوه پر نیرتیب

و $\sqrt{2} = \sqrt{2}$ باشد (علا الله می و $\sqrt{2} = \sqrt{2}$ و $\sqrt{2} = \sqrt{2}$ (انداز وجبری ۱۰۹ و می اسهٔ $\sqrt{2}$ با مینوس $\sqrt{2}$ میامند؛ (اندازهٔ جبری ۱۰۹ و می اسه مع نا) راسینوس $\sqrt{2}$ میامند؛

sin AM= OQ

COS AM = OP

یعنگار به کمی از اندازه فای حب بری کان AM بحسب را دیان با شدخوام واشت :

sind = 0 Q

Cos & = OP

وچُون ندازه کومش مرکزی AOM و یا کوشه (OA , OM) برابراندازهٔ کان AM ست بر دارشهای شکّ تی این کا نرا بر دارشهای شکّ ای آن گوشه به کسم منیا مند و تعکس خپا کد درشکل سب دیده میشود سینوس فسنیوس متمیّ مبرکوشه با کان عدد نامیست جبری که نمی تو انداز ۱- کو حکیتروا از ا بررگترباشد (بعبارت و گیرفت درطلق آن ز ا بررگترمنیت) زیرا مرکها ۱۸ را کمیریم نقطهٔ ۲ میان A و A (ویاروی کی زین و نقطه) بودهٔ ونقطهٔ چه نیزمیب ان هرو که ویاروی کمی ازین دونقطه خوا بدبود . و

ا = OB = OB برتودایرهٔ مثلّاتی سب ·

ورشكل اسنيوس 🛪 مثبت وسينوس متمم منفي بت.

وچون مین و عدد حبسبری دسینوس وسینوس مانتم) باتعنید براکرد کان دویاگوشه ، تعنیرمی کنیدا نها را پیرو ویا ئیردازش نای مثلثاتی نجان (و ماگوشه)میپ نیامند .

وچون تعرلف بالاپردارشهای مثلثاتی انداز مجبری دو پاره خطیبا سهارا خطهای مثلثاتی نشرگوند.

تا نرانت و تا نرانت متم مه از A د سرکان اسای به کرو (نونو)
و به سو با آساسین فی و از B آسای به سه که و به به به اساسینوس ته تا استرسینوس ته تا می می سود استرسینوس ته تا می شده استران و آسه تا نرانت و آسه تا نیم می سود و آسه تا نیم و آسه تا نه و آسه تا نیم و تا نیم و آسه تا نیم و تا

می شیم آاسد آنرانت یا را در T و آسند آنرانت متم ارا در حد تلاقی کند- AT (انداز ؤ جبری AT روی آسند آنرانت یا) را آنرانت بینامن و و ه قدانداز و جبری ای افروی آسند آنرانت متم یا) آنرانت متم م آهم امیده میشود

 $t_0 \widehat{AM} = \widehat{AT}$

cot AM = BS

ما نندانچه دربار اسینوس وسینوس میم مسیم می انتها نیز متوان گفت که انتزا و مانژانت متیم سرّو ما پروازشهای کان دیالوشد) میباشند و انها راخطهای منتُ این سند، نیامند،

اگرنقطهٔ ۱۸ تغیب کند و سارمون ایرهٔ شاقی را به بهاید (تعنی کر ۱۹۳۸ و یا روسی) کر ۱۳۳۸ و یا روسی به به اندازه ایمی حسب بررا کبیره ۲ تما م استها نرانت ممتم و ۱۶ تما م استها نرانت ممتم می به ید بیر به انرانت و تا نرانت ممتم می دند و شارهٔ می به به در اند برا مرم عدد جبری کردند د شارهٔ می به در سارهٔ می به به در سارهٔ می به در سارهٔ می

ما ۲ رامه جبید) ما ۲ ب اشانه مروارشهای شاهایی سات و سینوس متمم ا و اسسینوس مرا راندن دا مره شاه اشرا مه جها ارش شکون شد (شکل ۱۱) ا ترکانهای که اندازهٔ انهاازه تا یم باشد نوی خشخت است.

از ۱ تر تا ۱ تر باشد و دوم و از ۱ تر تا ۱ باشد و دوم و از ۱ تر تا بر باشد و سوم و از ۱ تر تا بر باشد و سوم و از تر تا بر باشد و سوم و باشد و سوم و بردوی میشود:

رنيخ جهيام	ريخبش ستوم	درنجبش دوم	در بخش شخست	آئي کا ن
		+	+-	نشا نهُ سينوس
+	-	_	+	- سينوستم
_	+	_	+	۽ تازانت
_	+	_	+	ء "مانژانت متممّ

سينوس + سينوستم -	سينوس + سينوس شمم +
تانزانت تم - ا	+ مرابت الرائت متم + A
سينوس -	السيئوس مينوستيم +
انشرانت + انشرانتشم +	رة من الناسطية والمناسطية
A STATE OF THE PARTY OF THE PAR	(17 de)

ريده ميروركد الدونيش خست مرحيا رخط شك الى شبت سب الم ميرود الشكان شائه الريان شائه الريان المراسة مم كليب پیش لم ی سا د ه

۱- در کدام خشل زوایره شناتی سنیوس شبت است؟ در کدام سنیوس تهم؟

۱- در کا نار است شبت است اینفی؟ در کدام خش نار است تهم م استی که به ایرانت آن شبت استیم م استی شنی ایرانت آن شبت و سینوس تهم آن فی شد؟

۱- آیاکوشای بست که سنیوس ن شبت و سینوس تهم آن فی شد؟

۱- سینوس ن شبت و سینوس تهم آن فی جو - آنرانت تهم من فی سینوس تهم آن فی و حسینوس ن شبت و سینوس تهم آن فی و حسینوس ن شبت و سینوس تهم آن فی و حسینوس ن شبت و سینوس تهم آن فی و حسینوس ن شبت و سینوس تهم آن فی و حسینوس تهم آن فی و حسینوس ن شبت و سینوس تهم آن فی و حسینوس ن شبت و سینوس تهم آن فی و حسینوس تهم آن فی و حسینوس ن شبت و سینوس تهم آن فی و حسینوس تهم آن و حسینوس تهم آن فی و حسینوس تهم آن و حسینوس تهم تهم آن و حسینوس تهم آن و حسینوس تهم آن و حسینوس تهم آن و حسینو

۵ - أيكان ى مدرجيش (باغثها) سا المركاد

$$Cot d = \frac{1}{r} (r) \quad tgd = r (r) \quad vind = \frac{1}{r} (1)$$

$$tg \propto = 0$$
 (4) $cot \propto = \Delta$ (4) $\pi in \propto = \frac{1}{F}$ (4)

$$cord = -\frac{1}{V}$$
 (1) $cotd = c$ (V)

ع - چانائیت (از می تا ۴۶۰۰) که

اشد؟ (شمارهٔ زمیدهٔ ی مین کانف را کبویند)

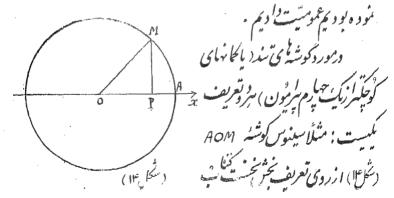
٧ - خطهای مثلثاتی کا نها ۱ یکوشندی ، زیراازروی تعربین بیست وید ::

maj s into s rvios 90

شصره - دنجش خت این بردازشهای شنتا تی کوشه ای شداد بعنی گوشهٔ فی راکدارصفر نررکت فراز کیگ کوشهٔ است کوحکه ترست) تعریف کرده ه

گفتیم که مهرآ نهاشند

و دربالاً بردارشهای مشاشاتی به کانخس و نبابرین به کوشهٔ را (چه کوتگرازگ کوشهٔ راست چه نزرگتر یا حیشبت و خیشفی) تعریف کردیم و بدیم مرکد ام میتواند مشبت با شدیامنفی ، درحقیقت در نیجا تعریفها می را که درمج شخست سا



ن بن جمه است خون دانیا ۸۵ پر تو دایزه مثنا تمیت فرابر کمه دراز ا پس ۹۸ = ۳۸ بین مینوس گوشهٔ ۲۰۸۹ برا برات با اندازه بهنسی ۱۹۸۶ که مثبت است وازروی تعریفی سب که انچاکردیم پروازشهای مثنا تی گوشه بای تندم ثبت است.

نیزازنیا داشتیم کم بچیلت بر تو دایر هٔ شکتاتی را برا بر مکهٔ درا راسگیزید .
عو ۲ - مغیبارت بر دارشهای مشکتاتی - اگر ۱۹ تیجان ۱۹۸ از ۸ افزوکت کندو یک دوربیرا مون دایره کربه پیا بدینی کان ۱۸۸ بهٔ میتفادلی از ۵ تا ۲۲ را مگیرد بر دارشهای شکتاتی این کان بهم تعیبر کنید ندو تقادلینکه این بردازشها می کمیرند با سانی زروی شکل بهٔ دمیشود:

الف یغیر سینیوس - فرخگ میم مرکت M در مینیوس - فرخگ میم مرکت الله در مینیوس مینیوس - فرخگ میم مینیوس مینیوس مینیوس مینیوس مینیوس مینیوس مینیوس مینیوست مینیوست

A از A دورترشده به B

نرو کیک شو و چه نیرروی Bاز ٥ دورتر شده به B نرو گیتر مشو دمینی وقع کی

ازصفرتر قی کنند آبه بهر برسدسنیوس آن زه ترقی سکند و به ابرسر (۹)

بهین ترمیب می بسینیم وقتی کان از بهر ترقی سکند تا به به رسد مینوس
آن زا به تنزل سکند تا بصفر برسد - وچون کان از به ترقی نماید و به به به به به برسد بینوس آن ز « تنزل میکند تا بینوس آن ز « تنزل میکند این میرسد .

برسد سینوس آن ز « تنزل مین یا ید و به ا - میرسد .

و مبرگاه کال ز<u>۳۶</u> ترقی کنده مهر ۲۷ برسدسینوس ن زا- تا ۰ فرمین د

ı							
	A	$\mathcal{B}^{'}$	A'	В	· A	M	36
	rn	TAR	π	TT		in in	Skil
	0	1	O At-	F	40	ANJ.	اندازه

تبصرهٔ ا_روشن ست کداکرته کان نیمرکت کند و و در ۱ نایستدینی اکراندازهٔ کان از π۲ ترقی نما پیسنوس کان و و باره جان ندازهٔ می بشیس را میگیرد (شکل ۳۰۰ تا ۲۰۰۰ = (۴۶۰ + ۴۰۰) ۲۰۰۰ = ناورکانی خواسی اکر په کلی از اندازه هٔ ی سبری AM باشد و مجسب رادیان) بطورکلی خواسیم شت:

عند (۵ + ۲ K /) = عند م کونید سینوس سردازشگاست و راه که دوره آن ۲۲ ست بدین می کهره کونید سینوس بردازشگاست و راه که دوره آن ۲۲ ست بدین می کهران سرکان ۲۲ مامضرب درسی ژیر ۲۲ سفرانیم و یا آران بخاسیم درسینوسکان

$$\exists in \circ = \exists in \, \forall \, 7 = 0 \qquad \exists in \, \frac{7}{3} = 1$$

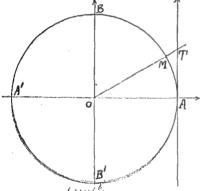
А	\mathcal{B}'	A'	В	А	М	جاي
Yn Y	ru r	π	T	0	AM	اندازة
11/1	0 1	-1 x	10/	/1	AM É	ا ارسور الدره ليور

وضرن به هیشودکدار و تا ته سوی تغییرت مینوشتم کان وارونهٔ شوی تغییرت مینوشتم تنسف را میکند توکس (۹) تغییرت کانت مینوشتم تنسف را میکند توکس (۹) بازویده شدکه

COU # 17 = 1

ني المراحك والمراه المراه المراحك والمراحك والمراحك والمراحك والمراحدة المراء المراحدة المراحدة المراحدة المراء المراء المراح المراء المراحدة المراء المراء

وقتی که ۱۸ در همست (شکل) آر A صفراست وقرمت یک ه آز A از A و ورشدهٔ مه ه نزویک گرود



۱۹۲ رصفرتر قی کرده بزرگ میشود وموقعی که ۸۸ خیلی نردیک

به ه شود A بی انداره برزگ میکردد (۹) واکر M در

B باشنظ Mo آنتهٔ انثانت الماتناني الله في نيكند .

 بس مرگاه اندازه کان کی لوحکراز بید بوده و بخوابرتری کرده کمی برت را بید بر برازگ به کان مقار بید بر برازگ به کان مقار بید برین مقار بر کرده با برزرگ به کان مقار بید بر برزرگ به کان مقار بی منفی بر با رکو چک (مینی ارای مت رکطان بسیار برزرگ) تغییر مکند:

کویتم با برانت بردازشی ست از کان بطور کید وقتی کان به باشد منفصل ایسین بر تیب بی برد برگاه کان ریست کار برگاه کان ریست با رکو چک (۵۰ -) ترقی منوده به بین بر تی میکند و می برد با بران کان بر بی با برقی میکند و می برد وقتی که ایس میخوا بداز کا کمذرد تا برانت ایس کان روسی به برد و میکند و می برد و می باز و قبی که ایس میخوا بداز کا کمذرد تا برانت ایست کان در با برانت ایست کان در می با برقی میکند و می برد و می باز و میکند و می برد و می باز و میکند و می باز و میکند و می باز و میکند و میکند و میکند و می برد و میکند و میکند و میکند و می باز و میکند و

بازوقتی که همنجوا به از ۱۵ مکندرو تانرانت ۱۹۸ ناکهال ز ۱۹۰۰ به ۱۰۰۰ تعنی در ازار ۱۳۳ بهما نرانت منفصل ست. تعنیر مکن در ازار ۱۳۳ بهما نرانت منفصل ست. وقتی کان ز ۳۳ تا ۲۶ نرقی کسن دباز تانرانت ز ۵۰ ساصفررتی

میلند:

A	B ′	A	В	A	M 2	7
th	TAL	π	77		AM il.	
	100 too	0 1	100	10	AM Jij	

ا بده مو ولا معلوت المرائب المان الفيرات فو وكان بمدرا ورحسوميا و يعمر المرائب المرائب

ا-آیا کانی سنگرسنیوس کا ۱ و پاستیوستم کن ۲- باشد؟ ع-أيكاني ست كُرًّا مُرَّانُتُ لَ عَلَى اللَّهِ وَإِلَيْ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّ دِيا ﷺ ما شدى ٱگرمست اً ترازوی دا پر وشک اُل شان رميد، ٣ كانها أي رانت ن سيدكه سنوس فها إلى است ياسينوس مم أن المسيد

شصره بیخانکه دیموروسینوس به وشرمیوان دید کیسنورش بازش و تا نرانت میم سیسم سردارشها کی بهتند دورهٔ و و رئ سینوستیم اند دورهٔ سینوش ۲۳ سیسینی

COV (X+ TK T) = COV X

دور ٔ مَا نَرَّانَتُ مَا نَرَّانَتُ مَمْ مِرِكِ آرَ است (ارزوی کی وُسن ہے):

 $tg(\alpha + KT) = tg\alpha$ $cot(\alpha + KT) = cot\alpha$

طرف قوم را برای زیررا نوب ید:

(1) Jin y q "= Jin (y ; " + y ") = Jin y " = 1

(t) din to the and the control

(F) 29 T1. = (0, cot Tro=

 $(\varphi) \ \, \nabla i \, n \, \gamma \, \varphi \, \dot{\Delta} = \qquad \qquad (\gamma) \quad \, \mathcal{C}ol \, \, \varphi \, \cdot \dot{\Delta} =$

 $(A) \cos | \Upsilon \mathring{\Delta} = (9) \quad \text{fg } \circ 9^{\circ} =$

باین ۲۰ م (۹) رامیستون سانی ازروی یک دا بردشتماتی داد

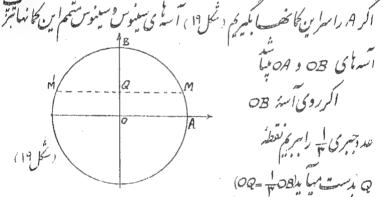
(1.) $\forall in \ f'a' = \forall in (f'f' + \lambda a') = \forall in \lambda a'$

(iii)
$$tg(\pi + \frac{\pi}{2}) = 0$$

(10)
$$\cot (n\pi + \frac{\pi}{r}) = (17) \cot (rn\pi + \frac{\pi}{r}) =$$

٢٥ نفسي كا نبات كه يلي خطائ شكاتي الخيسا داده شده

متل نجنت - برست وربر کانهانی را استینوس بنا برابر السان متلانی و است



بِرالرُوعَبِّرِينَ مِرازُهُ مَغْبِتَ كان AM رائ نباسيم (مِنْ الْمِهُ وَالْمِيرُّ الاست ما شدکه سنیوس ف لے است مان کان رامیوان زومی کی مست ورد: ۵ = ۱۹ ۳۳۹ ر رادیان = ۲۸ ۱۹۰ کی زی نای 'AM برابر مه - 7 میاشد وخواهیم داشت.

 $\widehat{AM'} = \pi - \alpha + \tau K'\pi = (\tau K' + \tau) \pi - \alpha$ که چون مجای به و مه عدد تای درست (مثبت یامنفی یاصفر) مکذاریم بهُ کا نهای اسنج مسئله مدست میآید: مسله یاسنجای میباردارد وسیستوان ا نداز هٔ جبری بمه راازروی کمی از اینا مست اورد.

اگریای یا عَدْبُ دا ده شو دکو عکبت بن ندازه مثبت AM ج زينه ٢٠ ست وخواسيم و شته:

AM = P. + K F 5.

AM = 10. +K rg:

سمره حون بمواره نداز : حرى سينوس سركاني مان ١-و١+ میباشد (یا نتها برا برگی ازین و عدو) پس کرشاراً مکو نید کانھے انی رابیدا لنیدکه سینوس زیا ۷ و ایک به باشدر وشل ست که ماسخی سرای سنگه

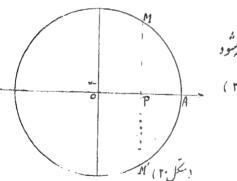
تحواسم ما فت.

و زرش و ررش

پیداکت پدیمه کانهانی را کدسینوس نهایمی زین عذامیهاشد (درجاست کداید ار حدول کک گمرید)

 $\frac{\sqrt{r}}{r}$, $\frac{r}{\omega}$, $\frac{1}{r}$, $\frac{\sqrt{r}}{r}$

مسکه دوم - برست وریه به کانهائیکه سینوس تهم نها برابر لل باشد میدانیم سینوس تهمی ، عربرابر لل است ولی نباید فوراگفت که شاکل عربی پاینچ مسکه است بلکه مانند پیشین خواهیم دید که شاره پاینچ ای بی شار است حیری که ست با و است ، عرکه کان زیاسخاست میوان نداز جسب بری مگذنها



باسخ مسئله را نوشت . بازاگر سرکا نها در مرکز قد شود کافی سب وی اسه ۵۸ (طفن ۲) بعنی اسه سنوستم این آم را برابر عدد جبری آگیمیم

وازه خطی بر ۵۸عمو کوشیم با بیرا مون دایرهٔ شنشا تیرا در M و 'M لافی نایه-تا م کا نهائیکه سرآنها در A و ته آنها یا در M و یا در 'M با شد با شخ مشله اند، چون کمانهٔ کانهای به ۸ برابر : ۶ ست کی از کانهای 'AMرامتیوان' ۶۰-

كرفت دخوامهم داشت:

یغی بمه کانھ (یاکوشہ انی) که اندازهٔ جبری انهاا زوسور

بست مياً برانخ مسئله مياشد .

تتصره - باید درنظرداش که اندازهٔ جبری سینوستم م باید بیسیان

۱+ ۱ یامنتها برابر کمی زین دو عدد) باشد

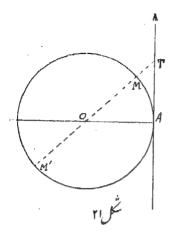
ورزش

پیداکنسید مهد کا نهائی (پاکوشه فو ئی) را کهسینوس تیم آنها کیل زین عدو فاملیا .

Y ; 1/4 ; "Y.Y!

عدو مه سیاشد.

عددجبری م راروی استارات ایسریم انقط ۲ ب آید (AT = a) (مگل ۲) . وحقی ز ۲ مرکز وایرهٔ مثلثاتی می کیثم



ناسپ ارمون ک دایرهٔ در دونقطهٔ ۱۸ و ۱۸ تلاقی کند-همه کانهای ۱۸۸ وجمه کانهای ۱۸۸ راسخ مشارست شند.

اُکر » اندازهٔ کمی رکانهای AM باشد رسیب راویان) اندازهٔ کمی رکانهای 'AM را میتوان » + ه گرفت نبابرین خواهیم دا

AM = & + r KR

 $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + 7 + \gamma K' 7$ $\widehat{AM'} = \alpha + \gamma$

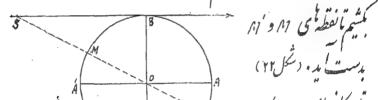
 کانهای x را درسرک رحالهای زیر بدست ورید:

 $tg x = 1 tg x = \sqrt{r} tg x = \frac{\sqrt{r}}{r}$

tgx= o tgx= a, vir tgx=; r va

مسأنه حیا رم کیا نهائی را بست وریدکه مانزانت تهم انها برابر عددی ج

ہسد . کافسے وی سئہ انرانت ہتم کا کھ کھرا را رامد دحب ری کے گرفیہ ہ



اگر هر یکی از از ره بای AM با شد ماست رمسار سوم خواسیم دید که نداز چسب بری بهندجوا بهای مسئلدا زوستور

13 4 % 17

رست مها در ،

این سناریم بیشه باسنج وارد (مبرجه با شد که) ۱۳ ستصره مینه نگرگشد شد باید درنظرواشت که درمبرمای از جهار مسّلّه بالااکر کی از پاسخها را بدانیم از وی ن متیوان نداز هجبری مبنه پاسخهای ان سب باید را نوشت .

> و رزش و رزش

ا به نیان می و ۴۶۰۰ کوت دانی بست ور دک $-\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ ٧- يداكن يديم كانهائي راكد سينوس نها الله وسينوس تم انها الله الله الله يا بمدُكا نف ايراكسينوس نها إ - وسينوس تم انها ٢٠٠٠ س. ٧٧ معمولًا بنميكانها يُراك سينوس نها عدوه باشتين ملوكسيت arc sina (يغني كا نهاست كرسيوس نها ۵ است) وننرمنولسند (س م المنافية على الماسينوس م الماسينوس م الماسين م الماسين م الماسين م الماسينوس م الماسينوس م الماسينوس م ا (a li li li li li kij , arc tg a (" a life" il l'he l'élis) arcest a برمثاً سابراً نوسداهم azetg 1 = 1 + hn = 10 + h.11.0

ورُرش عارت كلي كانهاى زيررا نبولسيد.

are son i

ate cos VY

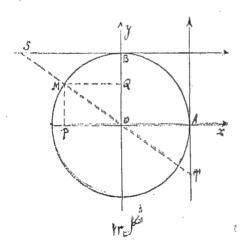
ate fin t

ریایگوشه) الف _اگرمطابق مموالهٔ کی مسلما تی کار کان ۱ کار کی کی کی کوشه) الف _اگرمطابق مموالهٔ کی الله ۱۸ را روی اسد سینوستم م الف _اگرمطابق مموالهٔ کی الله ۱۸ را روی اسد سینوستم م حور وی اسد سینوستانی و شامیم (شکل ۲۲) و اگر کان ۸۸ را به ح

ناكيش وسيميدانيم كه

Jin x = 00

 $corx = \overline{OP}$



رویا ۸۸ روی سرمایشد،
دایر وششاگ تی مبرجایاشد،
ارسه مبر ۸۸ ۵۵ که دران
ارسه میشود ا

ولى سرحه ما شداندازهٔ 🗴

وجون ورسمه حال |x و OP = |cor x | OQ = sink , OP = cosk U $\int \sin^2 x + \cos^2 x = 1$ این بال شبگی (۱۱) - ازشارهٔ (۱۳) است - پیرکان (یاکوشه) سرحیه با شدخوا ه کوچکترا زیک جها رم بیرمون دا پره (ویاکوچکترا زُکوشهٔ است) خواه بزرگترازان خواه شبت وخوا دمنفی بمبیث ترحموع توانهای دوم نوس وسينوسس متمم أن برا بركي سه. سے ۔ ارتبابسرای OPM و OAT (سکل ۲۳) داریم: OA by J, PM AT AT = |tgx|, OP = |cox|, PM = CQ = |xinx| $\frac{-\sin x}{\cos x} = \frac{t_g x}{t_g}$ و با مراحه به نشأ ندخط في مثلًا تي (شارهٔ ۲۴) و ا أكت بدن كل في مُعْلَقِفٌ ۚ يِهِ وَمِيشُو دَلِهِ مِيشَهُ نَسَّا لَهُ ۗ الرَّانِتُ كَابَ كِلِّ فِي النَّا لَهُ بَهِ رسنول ف برسینوستیم آن کمیست بس مرا بری بالانه تهنا از حیث قدر مطلق کله اخریث نسانه هم درستاست ومايتوان نوشت: $/tgx = \frac{\sin x}{\cos x}$ (2)

واین بهان دستور (۵) ارتفارهٔ ۸ است پر کان (یاکوشه) مبرجه باند ما نرانت ن سرا بر کفرسینوس آن برسینوس تیم است. ج - ما نند بالا میتوان رتشا به سه بر ما ی ۵۹۸ و ۵۵۵ (شکل ۲۲) تا بت مؤوله

 $(\varphi) \qquad cot x = \frac{cos x}{sin x}$

ا نیم و شور (۶) ارشار و ۱۸) ست بهر تا نرانت متمم مرکان ریا مبرکوشد) برا برا با بهرسینوس متمم ن برسینوس آن .

ا شجیدن وسیسکی (۵) و (۶) با بهدگیرمی سبسینیم که برای مرکان میگوشه

 $(y) \int t_{gx} \cdot \cot x = 1 \int_{0}^{t_{g}} \int t_{gx} = \frac{1}{\cot x}$

شبصره بيخانكه درمور دخطها ي شأناتي كيكوشئة تند كفيدشد (علا)

اکر کمی زیر دارشهای شلتاتی کیئے کان ۱ یا کٹ کوشه) برست اشار واکر بدانیم تیران د جیخشی سرپیدا مون دایر ٔ ه مثلثا مثبت متبوان زر وی مجیها

(۱۱) و (۵) و (۷) وگرخط^{اف}ی مثلثاً تی آن کا نراحسا ب کرد . فعال نیم شرکت سرای ایک

مثال مینوشهمکانی که مآن که میناسم یک ست مخواسم ویش د کمیره راحیاب کنیم نخست زروی (۱۱) هه نه بیست میاید :

 $tga=\pm\frac{v}{F}$ (a) (b) sina= $\pm\frac{F}{a}$

بانگابی مجلی ۱۴ که دران مینواند برابر بلی رکانهای مینیم ۱۹۸۸ دیا برابر بلی رکانهای مینانه مینانه

AM باشد رئىكان درخش خنت) بهمدیردارشهای مه منبت بو دو با بشامهٔ

: عنه عنه عنه عنه عنه عنه عنه التناسب

 $\sin \alpha = -\frac{1}{2} \qquad tg \alpha = -\frac{r}{r} \qquad \cot \alpha = -\frac{r}{r}$

خلمائ تُلْالَى وَكُمِر x راحها كېنسيد تفرض ميكه خلمائ تلالَ وگمِر x راحها كېنسيد تفرض ميكه و x > x > 0

 $\sin x \leqslant c$, $\cos x = \frac{7}{11}$ (7)

 $\sin x$ > , tgx = -r (r)

$$cot x < 0 \qquad 0 \qquad 0 \qquad cot x = +Y \qquad (4)$$

$$cot x < 0 \qquad 0 \qquad din x = \frac{1\Delta}{1V} \qquad (\Delta)$$

$$din x < 0 \qquad 0 \qquad cot x = -\frac{Y1}{Y^2} \qquad (\beta)$$

$$din x > 0 \qquad 0 \qquad dg x = \frac{9}{7} \qquad (Y)$$

$$cot x < 0 \qquad 0 \qquad cot x = \frac{\varpi}{T} \qquad (A)$$

$$cot x < 0 \qquad 0 \qquad cot x = \frac{\varpi}{T} \qquad (A)$$

$$cot x = \frac{1\Delta}{T} \qquad (A)$$

$$cot x = \frac{1\Delta}{T} \qquad (A)$$

$$cot x = \frac{1}{T} \qquad (A)$$

 $cos a \cdot tga = sin \alpha \tag{1}$

$$tg x \sin x + \cos x = \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sin x}{1 + \cos x} = \frac{1 - \cos x}{\sin x}$$

$$\frac{1 + \sin x}{1 - \sin x} = \frac{1 - \sin x}{1 + \sin x} = \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 - \sin x} + \frac{1 + \cos x}{1 + \sin x} = \frac{1}{\sin x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1 + \cos x}{\sin x} = \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1 + \cos x}{\sin x} = \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\sin x} = \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\sin x} = \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\sin x} = \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \sin x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x} + \frac{1}{\cos x}$$

$$\frac{\sinh x}{1 + \cos x} + \frac{1}{\cos x} +$$

$$\frac{1-t_0a}{1+t_0a} = \frac{\cot a - 1}{\cot a + 1}$$

$$\cos x = \frac{\pm \cot x}{V_1 + \cot x} = \frac{\pm 1}{V_1 + t_0^{T}x}$$
(1)

(1+ Juny)(1+cosy) = (1+ Juny + cosy) (19)

$$Sinx = \frac{\pm 1}{\sqrt{1 + \cot^2 x}} = \frac{\pm \frac{tg \, x}{\sqrt{1 + tg^2 x}} \tag{14}$$

$$\frac{\log x}{\cos x} = \frac{1}{\sqrt{1 - \sin x}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1 - \sin x}}$$

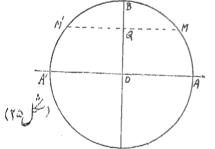
$$\frac{1}{\sqrt{1 - \sin x}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1 - \sin x}}$$

$$\frac{1}{\sin x} = \frac{1}{\cos x} = \cot x - tgx \tag{(7)}$$

الم عارت مع در مراس المحسب عدد در المحسب الم در (۲۲)

٢٩ - سيكيميان خطرة ي شالياتي يري ازكانها (يا كوشيه لا) الف كانهاى كل - اكر AM و AM و وكانى الشندكه تسرمبروو در



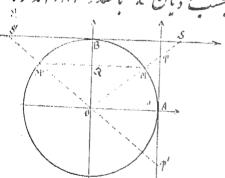
. کا نهای AM و 'AM را با تین صورت فشت و شارهٔ ۲۵ مسلیخست):

$$\widehat{AM} = \alpha + kc$$

اگراندازهٔ یکی رکاخصهای 'AN را براندازهٔ یکی زئا شای AM بیفرایم خواسیم شیت:

وزرش - دارون فضندا استنسيد.

بطورگلی سرگاه محسب شوع اندازه بای جبری و کان صفرت قی انیمیپرمو با نشکه ن د و کان الصحکل سد جرخوانید .



خطرة ي شيئاتي كانها اكوشه في أن و " الله وشه شده ست ولي الرانداز ه گوشه اکان فنی اشد وااگراز ۹۰۰ مرزکتر با شدرای خطهای شکتاتی اجه ول مخصوصی نبیت ما بداریهان حدولها نسته فا ده کرد . ا زرْویٰت چه ی که برای و کان کل ست و ردیم بویژه میتواخ کانها باکوشدهٔ ی ز ۹۰ تا ۱۸۰ را هم ازروی حب دول پیداکرد زیرافقات خطهای مثلثًا تی سب مام د وکان کُلُ کی سب. مُلااكر خواميم خطرة ي مثلثاتي ١٣١٠ رايد اسيم حون 111 = 11. - P9 کافیست خطهای شکتاتی ۴۶ راازروی حدول پیداکرده سیس زرّوی د مستورهٔ ی (۲۳) خطهای شکتاً تی ^{۱۳}۱۳ را نومسیمه: cotri=1199 = \$ 49=110.4 cosf9=19091 =1249=140+ son ITI = on Fg = x raf r COS | T1 = - COS F9 = - > 9 & 51 1917i = - 19 89 = -110.4

مرش - خطای مثنی اتی کا نهای زیرا بست ورید:

Mr ri

110 11

9 p r r

150 5.

10.

17 3

م ی کانهای مستریند - اگر AM و AM دو کانی استندله سر

ا تنا در A و ترا نمانسبت به قطر OA قرینه باشند آن و کان را قرسینر به خوا نند د گل ۲۷ وسیستوال ندازهٔ حیری مبنه کانهای AM و AM را تبریش

و النوشية

AM = a + kc

AM' = - a + R'c

براکراندازهٔ کی رکافسای AM رابراندازهٔ کی زکانهای AM بفراً

خوانم واشت

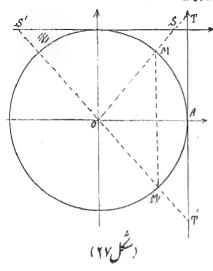
AM+ AM' = (R+R')C

يني ممنوع مرووكان قر شرمضرب درسي ست ارسر موق بره

ورزش - داردل يقصت پراڻا بت كيند،

براگراندازهٔ کانی ماسند AM بحسب را دیان مر باشد و آهند و آهنداز و نیدان بشخواسم واشت:

AM' = TKR-x



این جاہب ازروی سگل دید ومشود که دو کان قرمنیہ دا رای کے سینوستم کوده دلی دکیر سردارشهای مثلثاتی آنها قرمنیهم مثلثاتی آنها قرمنیهم

$$\sin (YK\pi - x) = -\sin x$$

$$\chi : os (YK\pi - x) = -\cos x$$

$$\cot (YK\pi - x) = -\cot x$$

$$\cot (YK\pi - x) = -\cot x$$

$$\sin (-x) = -\sin x$$

$$\cot (-x) = -\sin x$$

$$\cot (-x) = -\cot x$$

$$\cot (-x) = \cot x$$

$$\cot (-x) = \cot x$$

ستصره - ازروی دست فری ۲۴ سیوان مجک حدول خطره می شانگی گوشهٔ پاکانی ایمنفی را بدست وردمثلاً

din (-49°)= -4cn 49°=-,νογν

١- برابر باي مركب زخلهاي مثلثاتي زير والبحث بخط مثلثا تي كوشهٔ قر منينويسيد

sin (- pr') (;") tg (-91) (r) cos(-pr') (1)

tg (a-b) (9) tg 49° (0) cot (-110) (4)

 $\operatorname{din}\left(\mathcal{C}-\mathcal{I}\right)$ (A) $\operatorname{Cor}\left(a-\frac{\pi}{Y}\right)$ (Y)

۲- اندارهٔ عدوی خط فی شکتاً تی نیراً کبوپ :

tg (-9:) (r)cot(-40) (r) cor(-4:) (1)

sin (-40) (4) tg (-90) (0) sin (-90) (4)

tg (=10°) (9) cor (-1μ°) (Λ) τίπ (-1μ°) (ν)

۳-اندازهٔ عددی سرمک زعبارتھ ای زیراحیا بکٹید:

(1) tg (-9:) x Jin (-4:): Jin 9:

(r) sin 9: x sin (-9:): tg (-pi)

(r) sin'(-40); sin(-40) x cos(-40)

(4) sin(-40): cos (-40) + tg (-40)

به عنه المراه منه المراه المراع المراه المر

 $\widehat{AM} = \alpha + \Re c$

AM' = C + a + Rc

رزیرا کیلی زاندازه نای کان AM برابر ۵ + ع بت) اگر کیلی زکانف ای AM رااز کیلی زکانهای AM کرمند فرایم دا:

براكر × راويان ندازه كانی مانند AM با شدندازه AM چنجوا به

AM'= (+K +1) 7 + X حابرار ويكل مسينيم کا نهای 'AM سرا برند ولی دگیربردا رشها می مثثباتي انها قربئة سم ميب باشذ $\sin\left(\left(YK_{+1}\right)I_{+X}\right)=-\sin x$ $cof^{3}\left[\left(\uparrow \mathcal{K} + 1 \right) \mathcal{I} + \mathcal{K} \right] = - \cot \mathcal{K}$ tg [(YK+1) 12+x] = tg x $\cot \left((YK+1)Z+X \right) = \cot X$ تصوص اگر K را صفر کمیریم تعنی گرتفاضل AM و 'R ار AM بگیر $\begin{cases} \sin \left(R + K \right) = -\sin K \\ \cos \left(R + K \right) = \cos K \end{cases}$ $\begin{cases} \log \left(R + K \right) = \log K \end{cases}$

شبصره - ارزوی دستورنای ۲۵ میتوان کمک جدول خطهای مثلی آنوشه یا کا نهای سیسان ۱۸: و ۲۷۰ را بیست ورد . و رزش

ا - خط في مُنكُما تي كان في ريررا شولسسيد:

۲۲۰ مرا برست ورید (یوسب خطهٔ ی شدا ترردا:

۲۲۰ را برست ورید (یوسب خطهٔ ی شدا تی ۵) و درستی تیچرداا زروی کمیت شکل کرشی نائد ـ و حساب کنید خطهٔ ی شاتی کا نهای زیردا:

$$\widehat{AM} = \alpha + \frac{c}{k} \times c$$

$$\widehat{AM} = \alpha + \frac{c}{k} \times c$$

$$\widehat{AM} = \frac{c}{k} - \alpha + \frac{c}{k} \times c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{c}{k} + (\frac{c}{k} + \frac{c}{k}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{c}{k} + (\frac{c}{k} + \frac{c}{k}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{c}{k} + (\frac{c}{k} + \frac{c}{k}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{c}{k} + (\frac{c}{k} + \frac{c}{k}') \cdot c$$

$$\widehat{AM} + \widehat{AM}' = \frac{c}{k} + (\frac{c}{k} + \frac{c}{k}') \cdot c$$

م کیج عدودرسی سب . ينى مجموع ووكان تمم ترابراسك ملمجموع يك حيارم مرمنون ايره و مح دورسرامون.

كه درآن يم عدوب مثنبت يامنفي ماصفر.

وررش ا ـ رشل ۲۹ هر و که را درنجش ول گرفتیمررسیکن سرده وتخیشب سوم اشد و یا کمی و تربش و قرم و د گیری د بخش حیسا رم دسکال ونبتيماي كديدت أورو يمتعنسري نرخ نخوا بدواو وررش ٢ = وارون بقصت الله المسكم

الريد راويان شازة كاز كانهاى AM باشداره كانهاى AM!

AM' = 12 + 4 RI - X

ازروی شطی بالا می سینیم که ۵۶ قرینه ۱۵۵ ست سنبت به نیمیار ۵ و ۱۵۵ قرینه ۱۵۵ ست سنبت به نیمیار ۵ و ۱۵۵ قرینه ۱۵۵ ست سنبوس تم کانهای ۸۸ ست برا برفت در مطلق سنبوس کا نهای ۱۸۸ ست و تبخیلی برا برفت در مطلق سنبوس کا نهای ۱۸۸ ست بعلا و ه در شکل می مثلف و ید و ترشید و کرنش نهای نه این بروازشها نیز کلیسیت - یعنی بهم زحیث قدر مطلق و بهم زحیث نشانه خوانیم و اشت

$$\sin \left(\frac{\pi}{Y} + Y h \pi - x\right) = \cos x$$

$$\cos \left(\frac{\pi}{Y} + Y h \pi - x\right) = \sin x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{Y} + Y h \pi - x\right) = \cot x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{Y} + Y h \pi - x\right) = \tan x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{Y} + Y h \pi - x\right) = \tan x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{Y} + Y h \pi - x\right) = \cot x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{Y} + Y h \pi - x\right) = \cot x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{Y} - x\right) = \cot x$$

که بهان انتخت و نامی (۸) ارنجش نخست کناست (شارهٔ ۸) که می سپ ینم ورمور د مهرکان (یاکوشه) درست است خواه انداز پیمان صفرو کرچهام مبراموْن شدخوا، نباشد هرنیمان نانی که تفال نها برا بر کار مهارم پیدارمون آیکر وراتحاً دلای x (1) بر اب م مبدّل سنيم خوابيم داشت : $\sin\left(\frac{\pi}{\nu} + x\right) = \cos\left(-x\right)$ $\operatorname{Cof}\left(\frac{\mathcal{T}}{Y} + X\right) = \operatorname{fin}\left(-X\right)$ $tg \left(\frac{\pi}{v} + x\right) = \cot\left(-x\right)$ $\cot\left(\frac{\pi}{T} + x\right) = tg\left(-x\right)$ و ما موحب بستگی لای ۲۴۷)

$$f(x) = \cos x$$

$$\cos \left(\frac{\pi}{r} + x\right) = -\sin x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{r} + x\right) = -\cot x$$

$$\cot \left(\frac{\pi}{r} + x\right) = -\cot x$$

شبصره - میتوان نیربرای برست وردن پردازشهای شلیاتی x+ ۲ ا انزابهنورت (x) و ۲۴) را با $= \sin\left(\frac{\pi}{r} + x\right) = \sin\left(\frac{\pi}{r} - (-x)\right) = \cos\left(-x\right) = \cos x$ $= \sin\left(\frac{\pi}{r} + x\right) = \sin\left(\frac{\pi}{r} - (-x)\right) = \cos\left(-x\right) = \cos x$

. ۳- وستورای (۲۴) (۲۴) (۲۸) (۲۸) در ۲۶) رامتوان افر

خلاصية أكرنت:

اگر × را مصرب عنی از ۹۰ سفیت لیم ایا آن کم منطح نی بهت میآی که مروازشهای میمبن امند با مروازشهای خود به واگر به را به صرت فی از ۹۰ بفزائم با زآن کم منیم بروازشهای شگاتی کان حالی منام مروشها متمتم به بیباث ند

وبرای بست آوردن شانهٔ پردازشهای تبچه کافیست بمجوفرض کردکه اندازهٔ عد میان نه و ۴۰ ست و پرآیا جائ نه کان حاصل مینخشی ریترارون وایره مثلثا بیست .

مُمْلِلًا

 $cor(\gamma V^{\circ} - x) = cor(\gamma X \gamma^{\circ} - x) = - sin x$ $sin(-1 A^{\circ} + x) = sin(-\gamma X \gamma^{\circ} + x) = - sin x$ $sin(-1 A^{\circ} + x) = sin(-\gamma X \gamma^{\circ} + x) = - sin x$

ا موسیده اروسان به و فرای به کوشتندی باشد - برک از عبارتهای دیوا بحسب خطرهٔ ی مشاتی می جماب کنیده درسی شیجه را از وی دستورهٔ می لاوابد کمان شارهٔ ۲۰ برزی نماید:

cot(a+i+a); sin(y+i+a); tg(ps:a); cor(11:-a)

Jin(-qvi+a); cos(qvi-a)

۱-عارتهای زیراحها کسسید:

cot 18. x tg + à x sin s:

cot ir à x tg irà x vins:

cot + 6 + tg 1+6 - coz 11:

(tgir: +tgirs)(tgir: -tgirs)

ارزوی کینے ایر اسٹانی برابهای زیررا تابت کسنید:

Jin (+ cos r' = - Jin (- 4.)

minula = cor (- Ya') = cor Ta

Jin (-10) = Jin 190 = - COJ 10

tg (-9:) = - tg 4: = tg 17:

ع- به کمک ایر امثلاً تی ونیزاز روی دستورلی بالاخطهای مثلاً تی زیرانخسیسیة ۴- به کمک ایر امثلاً تی ونیزاز روی دستورلی - 1.Y-

خطان مُنْدَا في كومشه مُنذ بست ورد دسيس نيا احساب كينيد . (اگرلارم اشدر وي حال) :

tg + v: " rr ; #272 (- rs+) ; cos rix"

cos (-+1: +:) cos (-1...) ; tg (-4+:)

* zin(-11:); 202 (-01:); tg/114:

۵ - درستی برابربهای زیررا بررسی نمایند:

tg + .. x sin 11: = - cor 11:

COT IT'X COT ITS = COT TIS X COST.

tg 11: x cos ++: = tg 1 a: x cos 1a:

sin rrà x cos ri: + cos rià x sin ri= .

-sin ri. x tg rrà + cot riàx cos r. =-1

COS AV. X JINA 1: = JCR FF. X COS FA:

sin(+v:-a) + sin(+v:-a) . [g(+:+a)=1-1 con(-a)

 $\frac{\cos((A+\alpha))}{\cos((a+\alpha))} + \frac{\sin((a+\alpha))}{\cos((a+\alpha))} + \frac{\cos((a+\alpha))}{\cos((a+\alpha))} + \frac{\cos((a+\alpha))}{\cos((a+\alpha))}$

اراری ۱۸۰ - ۲ + ۵ + ۵ مرا رسای زیردانی گیرد ۱

den the a cos of

din & = 201 = +4

ا ۳- ازانچه درشما ره ای ۲۹ و ۳۰ کفت بهمجنین روررشها ک

چنین چیمکیب ریم که متیوان بر دازشهای شکتاتی سرکان ۱ یا سرکوشه ، را بر^ک کرخطهای شکتاتی کا نهای ژنه تا ۹۰ را مید به پیست ورد .

وررش

خلى ئىڭ ئى كوت، اى زىراھاكىنىد :

سنخسش سوم تضویر

۲۷- بروار - بردار پار خطی را کوست دکه سروته آن معین با .
مثلا از پار خطی که دونقطهٔ A و هر را بهم می پوید د و و بردارسپیدا میشولی آن مشلولی آن میسید است و کی آ

 \overrightarrow{AB}

و مراکز مسلم الله و تدان در A باشدوان بردار BA خواند ومشود ومیوت

BA

سُوی بردار - آن سوئی ست که درآن سویک ترک برای بمورن رخط از طرف سربردار بسوی به آن حرکت میکند مثلاً سوی می آهم (بردار AB) سُوی حرکت از A است بطرف B وسوی آهم سوی حرکت از طیخر

Committee of the second of the

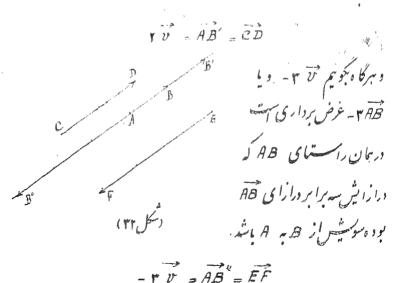
دامستمای بردار - راتبای برطبه سرو پاره ط ۸۵ رارای

بردار AB و یارانستای بردار BA میخوانیم . نمایش مهندسی کمت بردار می آمران این می بند: سمیر

یعنی ور تدیروا رسیدی میکدارند- این ترسوی بروار است ما یاند . اندازهٔ نروار عارتستا زاندازهٔ درازای د ماکهٔ درازای برائ شیکه سردار کا ملامعین با شد کافیست که ماسسیز ندان نردا رواده (وبنصورت ارتبا د سوواندازهٔ آن سم عین ست) و یا انیکه سرور استها وسو واندازهٔ آن در دست باشد (درخصورت تبریزوار نیرموین ت ۲۲-۱ ندا زهٔ جسری مردار - سرگاه روی خطی که سردارروی ن آ دوباره کیت فظ جمرُو باراستهای بردار) آسای کمیریمانند x'x نبابرا تکدسوی بردا رماسنند سوی می سد ما شدو یا وا روندان اندازه حسبری بردارثیت منفی خوا بدیوه و مقدا رمطیق ن برابرست و از کای بردار د انداز مطلق بردارا [بس سرحاًگفت گوازاندازه جبری واری مبان مضمنا اسای هم درکا سات که رامستهای من سیاروی بردا رست یا موازی آن]

شلا درسکل ۳۱ که درازای AB برا بر سه گید درازاست درازای ۵۵ برابرده کیماست ندازه هسبری بردارهٔ ی AB و ۵۵ برشیب ۴+ و ۲۰ میاشد و آن راچنین می نوسیسیم (AB) = AB = AB + BA = O (AB) = AB = AB = ABA = O (AB) = AB = ABA = O

۳۴ - ضرب کیب بردار در مجعد دجبری - اگر بردار AB = تلیق داده شده باشد اشکل ۴۲) غرض از تو ۲ و یا AB و بردارست که استا بهان راستهای AB در ارامیشن و مرا بردرازای تو بوده سومیش از A به هاشد:



بطور فی غرض از توسی مرداریت دیجان سای تو که دارش برابرها صل ضرب درازای تو در مرطلق عدد جبری سر بوده سورش با بنوی تو یکی ست اگر سرمشبت با شده وار و تدسوی تو است ببرگاه سرمنفی باشد.

۳۵ - برداری گریم اسد - برگاه روی اسهٔ × ۴ برداری گریم ا ته که اندازهٔ جبری ن ۱+ باشدان را برداری که اسهٔ عدید میامیم - روش ا که اگر ته را دامشته باشیم اسه به کا قلامشخص است (از جیث را شاوسو) نا برین بهرکا از دارهٔ جب بری کی نبردار روی کات اسه که بردا رکیم ان نیم ا به باشد واکر سران بردار بهم او و شده با شدمیت واق ن نبردا را ته می نوشت ۱۳۳۵ و رزش

ا ـ رونعطه AB و المراف المراف و AB و المراف المراف و AB و المراف و المراف

المراه المراه وجرى والمراه وجرى والمراه المراه والمراه وجرى المراه وجرى والمراه وجرى والمراه وجرى والمراه وجرى والمراه والمرا

حبری نولیسید م ع ۱- اسبیس کمٹ نقطه درروی کمٹ اسه- برای مین کردن جای برنقطه اند M دروی آمنه بدند زولی بن استقطه ای مانند ۵ می کیریم که آن خاست گاه آن سیب نامیم دشکل ۳۳) حال کراندار وجبری بردار آآه را

γ (rr J^c)

بدانیم جای M را ممروی آسد میدانیم- این اندار ، حسری را آبسید نقطهٔ M دروی اسد مینایند: دروی اسد سیامند (نسبت نجاست گاه ۰) و انزاب ۲ مینایند:

x = QM

و رُرش _روی آسه بغند نقطه فی را بدست آورید که اسبیل نها تبرتیب ۲ و ۱- و ه و ۲ ۵- با شده میجنین دست و رفیظه فی

 $\overline{ON} = -\Gamma$, $\overline{OM} = \Delta$, $\overline{ON} = N$, N , M

و ا= \overline{OP} باشد

۳۷ - اندازه جبری مرداراز وی سیس سروته آن - اکروی ا ۲۷ - اندازه جبری مرداراز وی سیس سروته آن - اکروی ا ۲۰ بردار AB واده شود قسمی که اسیس A برابر ۵ و اسیس B برابر گاشد مینی ۵ = ۵ و کا = ۵ میدایم ۲۵ شدمی که الدیران از نجه ی ۵۵ و ۵ = ۵ میدایم

(حب برسوم ۵۲) کدمیان سداندازهٔ جبری OA و نا AB و OB میسدا

بشگیبت:

 $(\overline{OA} + \overline{AB} = \overline{OB})$

ويا

 $\overline{AB} = \overline{oB} - \overline{oA}$

یغی اندازهٔ حری مک بردار (زوی مک اسه) برابرست انفال

میان آسیس آن وابسیس سران . وزرش - اندازه جسبری ردارهٔ ی MN و PM و PM و ارتسیا

سروَته آنها درورزش مثن ا د ه شده) برست و ریه و ماست کنید که

 $\overline{MN} + \overline{NP} + \overline{PM} = 0$

 $\overline{oP} + \overline{PN} + \overline{NM} + \overline{MO} = 0$

مْجُوا بِنْ رَرْضُ رَاعُمُومَةِ وَبِيدٍ .

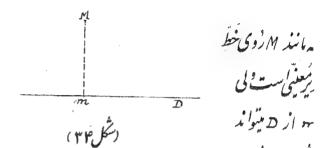
ونیز درسی انحی و زیر را بررسی کمنسید:

OM. NP+ON. PM+OP.MN=0

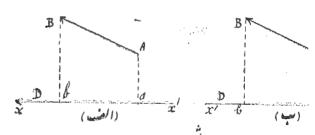
٨٧ - نصور راست كذر ك نقط برزوى مخط بركاه خط م

ونقطهٔ M داده شده باشدتصویراست گذر Mردی خطِ D پایستونست (عوز)کر

فروداید. درشحل ۳۴ نقطهٔ مهر تصویراست گذر M ست



ی خط طرمرواری ست مانند گانه کدسَراِن تصویریت نردا به A وَیَدا نصویر تد نردار AB بعنی تصویر ها شدد شکاه ۳



ساز آندارهٔ هٔ جبرهی تصویران عروارر وی خطی که بران

منطقیست (اروی راستهای اسه)

شلادر (سُکُل ۲۵ الف) تصویر محمروی سند بدند عددی ست شبت

ور دسکل ۲۵ ب) م محمد عدوی ست منفی

عل- السيسرولُ زُوْيِه وريك من من - برائعين كرون بي سرنقط ماند

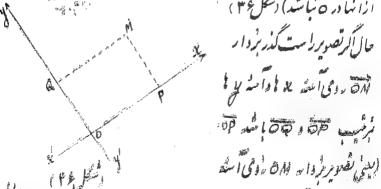
۱۸ در یک امن عمولا درآن من فقه ای مان د و بخوا دسکیر د بطور کیمات است د و بخوا دسکیر د بطور کیمات است در مایش معدد ما شدوازان نقطه د و آسهٔ عده ند و بوه نو عمود بر کمید کمرست گذران بدنظوی

بتوان سوی شبت بده راسیس از کی گروش 🔫 + روی شوی شبت

 $(0x,0y) = +\frac{7}{7}$

آسهٔ به ه نع راآسه بعد الم بالسب في وآسهٔ به نوم راآسهٔ به لا یا اُرونه او ه را خاست کا واین وآسه و یا خاسگا و امن منامند (مکن سین شاسگا و دواسیای

خاصت کا دانین دانند و باخاصه و باخاصه و من میمامید از من سب میماه و دواسید یر سه از انها در ۵ نباشد) رشکل ۳۶)



١٤٤٤ عِ أَسْلِيلِ لَقُطْهُ M و 500 رضور مر الله الله الله الله

نقطهٔ M خوانید:

 $x = \overline{OP}$

4 = 00

وروش است کرای میش کردن جای M کافی ست بد و بو آنرام میشیم دشان در در نیجه بالا ستورایس ن

(شارهٔ ۸۸ ارجرسال سوم را بسیسند)

یره که که آهم نردار کدانت (شکل۳۲) سایرین سینوستیمگوشدمیان د واسد برابراست (co , co) co = (xo, fo) co = (0x, oz) تقویر A دوی وه [این کمت درنظر کرفته شو دکه کرحیات نه دو کوشته (چه ریده) و (xo, چه) کی نمیت ولی سنیوس تنم مین دوگوشد کی سبت (دستور فای ۲۲)] ۲۴ ما ندازه جبري تصوير كك بردار - ازروى كك على دس رب (و ياتقتيم) كنيما زار أحبري تضيو که سرگا و مرداری ا در یک عد د حبری ض ان نرداربرروی کیت سدنیر دران عدو ضرب (و پایران تقتیم) میشود مثلاً كر AB دوبرا بر AB باشد

$\overrightarrow{1B} = m \overrightarrow{OI}$

پس با برانچگفت تصویر AB روی کیک آسه اند x'ox عبارتست! ز m برابر تصویر آه روی x'ox ولی نبا برشما رهٔ مِش تصویر آه روی x'ox برابراست با سینوس تیم کوشهٔ میان دو آسهٔ ۱۶ و x'ox یس :

قصيه يضويركت بروارزوي كائت سدبرا برست احال ضرب

ا ندازهٔ حسب بری نرداز درسینوس تم گوشئه میان آسا کد بردار روی است فی سند صور مثلاً اگرگوشهٔ میان سه صور به که داسه در که که بردار روی است : ع باشد [: ع = (جوه ر عده)] واکرد و بردار بدرازاری میمیم

 $\overline{AB} = + \pi$ روی \overline{c} گیریم کی \overline{AB} بقشمیکه $\overline{AB} = + \pi$ و دیگر \overline{CD} بقشمی که

۳- = CD باث رشکل ۳ م) خواہم دات

 $ab = \overline{AB} \cos(\alpha x, \alpha z) = + \text{ } \cos z$

 $\overline{cd} = \overline{CD}\cos(\sigma x, \sigma y) = -\overline{r}\cos y$

اگردر بهین کل سوی مثبت سهٔ دی را از در بسوی نی گیریم خواهیم داشت :

$$\overline{CD} = + \overline{r}$$
; $\overline{AB} = -\overline{r}$; $(ox, ox) = g(+1)A$?

$$ab = \frac{iB}{AB}\cos(\alpha x, \alpha z') = -\cos s : = -\frac{1}{r}$$

$$\overline{cd} = \overline{CD}\cos(\infty \circ g') = + \pi \times \frac{-1}{r} = -\frac{\pi}{r}$$

می سینیم (خیانکه میش منی به میشد) ادا نداز و جبری تصویر کات بردار دوی کیک اسد شیکی بسوی آسا کیدر وی بردار میکیدیم ندارد (زیرااکرسوی و و تغییرند بهم نشیا ندانداز و جبری نردار و بهم نشانه سینوس تیم کوشهٔ دو آستعنیسیز سیند بین نشانه حاصل صرب نهانعنسیسر نخوا برارد)

پس سایه ما مرصرب مها یک بیرو برد.) ورزش _ درنامن واسته xox و yoy (که عمو دیر کلد کرند) نقطه ای برا

$$C \begin{vmatrix} 1 + \frac{m\sqrt{r}}{r} \\ \frac{\Delta}{r} + \sqrt{r} \end{vmatrix} B \begin{vmatrix} r + \frac{m\sqrt{r}}{r} \\ 1 + \frac{r}{r} \end{vmatrix} A \begin{vmatrix} r \\ 1 \end{vmatrix}$$

وتصویرراست گذربردارهٔ ی AB و Be را روی دوآسهٔ ۴۵ و ۴۷ میرار دوی وقاسهٔ ۴۵ مونون معنی الا) معین سنید رسم شقیاً براز دوی شارهٔ ۴۷ و مهم از روی قصنیه الا)

۳ عم- سرانید دومردار -الزنقطای دنخواه مانند ٥ دونردار Bo و

را شرتیب بمرووبهسه سووبم اندازه با دوبزدار AB و حَکَ بکشیم (شکل ۴) واگر ج تارک چهارم بمروبری (متوازی الاضلاعی) باشد که دوبهای ال ١٥٥ و٥٥ شد، سانتعرى سردارجه سرائند CD, AB wills (وما ١٥٥ و ٥٥) أميد فيو. عاع-بروار فای بمشک - سرد وبرداری که مرووتمسو و سماندازه با بهم سنك كد للمرام دوش نابين درسكل على مماكت ممنك من منك و من الله الله الله ۵۷-تصویر دوبر وارم شکت -تصویره ی دوبر دارم آن وی ت اسهبرانزگه (د و عد دجبری راس) واین شنبهٔ نیم است ارفعنیهٔ شارهٔ ۴۲: زیراکرروی د وبر دا رتمهنگٹ د وآسنهم سو کمیریمبر بزدا ربرا برميشو د وبهمسينوس تتمكر شدميان آسه تصوير وسرك ازر واست

وع عاقصید تصویر آنیده و بردار وی کیک آسه برابر ست با حاصل جمع حبب بری تصویر کامی آن و دبر دار روی بهان آسه .

ولی ارتصویرهٔ ی سنفطهٔ ٥ و ۵ و ۶ برتیب ه و به و ج باشد تصویربردارهٔ ی ۵۵ و ۵۸ و ۶۸ برتیب هم و ۶۸ و ۵۶ و ۵۶ خوا بر بردو و نبا برقصنت یه شال (شارهٔ ۴۷) خوابیم داشت: خوا بربود و نبا برقصنت یه شال (شارهٔ ۴۷) خوابیم داشت:

و ما روید کر الصور (OB) = روید کر (OB) بروید (OB) و درس (OB) و درس (OB) بروید (OB) درس (OB) بروید (OB) درس (OB)

برایندن بردار تو و تو و بین جن برت بیاید دارنفظه دخوای ما می و بین بین برت بیاید دارنفظه دخوای ما می دار می بردار می بر

الم فتنبيشال إعوميت ومبيد .

۲ ـ قضيَّدُ ء٤٤ را براي ميث د مردا رغومتِ وهيد .

ته منظشکت استینظم ABCD دارای سهمها کوکه درازای سرکها آرمیلوای آن α و کوشهٔ خارجی مین خطشکت در کیا زارکهای آن به میاشد: به هراه (AB, BC) د مرکز دایره محیلی خطشکت دار میامیم:

> الف - حاب کنید عب ۵ و ۵ ر رتو ۵۸

معرشهٔ مرکزی AOD

دَارُای AD و کوشنیان AB و AD را.

ب بابرتعربیت برایدردارای AB و AB و مردارال است . اگر نیچه ورزشس ۲۱ را درمورد مین سد فردا رو برآید انتخاب کا ربریم و روی آست، AB تقویر کنیم مجیرانی و درخوابه سیم رسید؟

ع ارزوی میخه و رزش ۲۰ برا برسای زبررا تا بت کنید (وغوشیت مبید) .

$$\cos \frac{7}{\Delta} + \cos \frac{\pi 7}{\Delta} = \frac{1}{7}$$

 $\cos \frac{\pi}{V} + \cos \frac{\pi \pi}{V} + \cos \frac{\sqrt{\pi}}{V} = \frac{1}{V}$

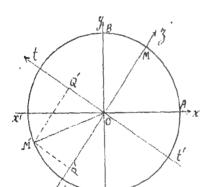
(نیمنسرا مون کینے نیج سِنستطم ایک بینہ بیفت مِرتبطم را روی کی رسیب و الصورکسنسد)

مخرجها رم

بردارشای شان فی میرع با نفال و کان (یا دوگوشه)

منحواهیم داشتن وارشهای مثلثاتی د و کلان جه و حصر بردارشهای مثلثا

كان (ع + a) وكان (ع - a) راحالت ميم.



سینوس تیم کان ۱۹۸۸ س ازروی پردازشهای شاتی

۱ مهتر جوئيم کي زاندار في ي

(Ta+BrigAMM

کانهای AM و 'MM. (شلام) سینیومتهم و سنه مینورکل نصابی AM و AMM (که سرسرد و در ۱۸

عارنداز مع منطبق بر ٥٥ و بره يا ٥٥.

م بن (عهده) ده برابراست الصویر بروار ۱۸۸۰ روی است ۱۹۱) بس میتوان گفت (عهده) بده برابراست المجموع ورای می خود وی آسته مده ند:

مور مرق (ع + ه) و (قرق (مرق) و (ع + ه) و د مرور مرق (مرق) و (ع + ه) و د مرور مرق (مرق) و مرق مرا براست ما حاصل ضرب مرق د مرود کا مره مرا براست مرق مرود کا مره مرود کا مره مرود کا مره کا مرد ک

(OP , poly = cos & x ees a

-1197-

(49) 3/ cos (a+6) = cos a.cos & sin a. sin & Jil

بیتوان (۵-۵) و عنده (۵+۵) عنده و (۵-۵) مند و رانیزانند میتوان (۵+۵) و ده (۵+۵) مند و (۵-۵) مند رانیزانند (۵+۵) و ده برست ورو و لی آسانتراین ست که آنها داردو دستور (۲۹) برست وریم:

(F1) / cos (a-b) = cos a cosb+ sin a sinb/

برای برست وردن (ع + ه) منه میوانیم بوسیم دسورهای ۸ شارهٔ ۲۹):

 $\sin(\alpha+\beta) = \cos\left[\frac{\pi}{2} - (\alpha+\beta)\right] = \cos\left[(\frac{\pi}{2} - \alpha) - \beta\right]$ $\frac{\pi}{2} - \alpha \quad \text{files a size of } \alpha \quad \text{files } \alpha \quad \text{f$

 $\cos\left[\left(\frac{\pi}{r}-\alpha\right)-\theta\right]=\cos\left(\frac{\pi}{r}-\alpha\right)\cos\theta+\sin\left(\frac{\pi}{r}-\alpha\right)\sin\theta$

 $-2i\pi(\frac{\pi}{\gamma}-\alpha)=\cos \alpha\cos \cos (\frac{\pi}{\gamma}-\alpha)=\pi \sin \alpha(\gamma \gamma \gamma)$

(F1) $\left[\sin(\alpha+b) = \sin\alpha \cdot \cos b + \cos\alpha \cdot \sin b\right]$

واكرداين تحاديجاي ج كنداريم ج ينواميم داشت:

(PT) / sin (a-b) = sin a cos b_ cos a. sin b/

 $\frac{\pi i n (a + b)}{\cos (a + b)} = \frac{\pi i n a \cos b + \cos a \sin b}{\cos (a + b)}$ $\frac{\pi i n (a + b)}{\cos (a + b)} = \frac{\pi i n a \cos b + \cos a \sin b}{\cos (a + b)}$

والربرخام وبرخه شارطرف روم را برج مده، عده تعتير حدرج الم

$$tg(a+b) = \frac{\sin a \cdot \cos b + \cos a \cdot \sin b}{\cos a \cdot \cos b}$$

$$\frac{-\frac{\sin a \cdot \cos b}{\cos a \cdot \cos b}}{\cos a \cdot \cos b}$$

(PT) $\frac{t_0(a+t) = \frac{t_0 a + t_0 t}{1 - t_0 a \cdot t_0 t} }{1 - t_0 a \cdot t_0 t}$

ره ۱۶ هی در ایم سیتون مانند (۴۰ می) دی ارتقیم کردن وطرف (۳۲) بردوگر (۳۰) پرست وردولی اسانترامیت که دراتجاد (۳۳) جی را به جی مرکب

 $(TF) \left| \frac{tg(a-b)}{tg(a-b)} \right| = \frac{tga-tgb}{1+tga\cdot tgb}$

شمره -عارب و cot (a + b) و cot (a + b) برتب وارون

۲۹- بروازشهای مثلثاتی کان ۲۵ ازروی بردازشهای شلّاتی م اگرورا تجاد بای (۲۹) و (۳۱) و (۳۳) بجای کان کاک کان ۵

گنداریم (معنی مح را برابره مگیریم) خواهیم داشت:

$$(ra) \quad \left| \cos ra = \cos^2 a - \sin^2 a \right|$$

م و من را میتوان نها محسب a مارد و a وه وه نروشت رای این کاردروستور (۳۵) کیارسجای هاره میگذاریم هارستوران پیروال وبار دیگر سای میزند میگذاریم مه زمان تا ترتیب و دسور زیر دست

costa=1- y sin a Costa = y costa -1/ تصره ١- يناكدي سيم ٢٥ ويرابرعارستكوا جحب a من تها و حد محسب عنها - وتمحین من و و است محسب من اولی من عند من منه الله عند من الله الله و منه الو المست زيرا اكرمثلًا نجواسيم تنها أن رائحسب و بن دنبوسيم التي كاي و دوه عارت كناك مارت المذاري:

ain ya = + youna / - youna

شبصرُه ۲- مبرگاه دراتح اولی کاز (۳۵) تا (۳۹) کا ه کان 😅 را بگذاریم پردازشهای شکتاتی کان a. رانجب وازشا مُثْلًا تى كان نبيه آن خوا بهم داشت:

$$(F.) \begin{cases} \cos \alpha = \cos \frac{\alpha}{r} - \sin \frac{\alpha}{r} = |-r\sin \frac{\alpha}{r} = |r\cos \frac{\alpha}{r} - | \\ \sin \alpha = |r| \sin \frac{\alpha}{r} \cos \frac{\alpha}{r} \end{cases}$$

$$to \alpha = \frac{r to \frac{\alpha}{r}}{r}$$

$$to \alpha = \frac{r to \frac{\alpha}{r}}{r}$$

$$ra \int_{-\frac{\pi}{r}}^{\frac{\pi}{r}} |r| \int_{-\frac{\pi}{r}}^{\frac{\pi}$$

cost a + sint a 11 (40,0 6) (2) 10, 673 2 cos € + sin € sin a Cos € + sin € co. caracycos so of scorazion 6) 2 mg/11 16/11/11 Con = (1+9 = 1+9

طرف و قرم برا بربها ی ریرانبویسید:

(a)
$$cor((x_0+x_0)=)$$
 (s) $tg((x_0-x_0)=)$

(II)
$$\frac{tg \, \pi \, x - tg \, x}{1 + lg \, \pi \, x \cdot tg \, x} = ?$$

1, (a + 8) , col (a + 8) , sin (a + 8)

۷۷- ازروی بردازشای شلیاتی × و کو و تع حساب کسید بردارشای

. 1 x + y + x Jui درسی تا وای ربر ابرسی نماید:

$$\frac{tg(x+y)-tgx}{1+tg(x+y)\cdot tgx}=tgy \qquad (YA)$$

 $Cos \times Cos(x-y) + sin \times sin(x-y) = cos y$ (49)

Cor(x-y) + sin(x+y) = (sinx + corx)(siny + cory)(7)

$$\frac{\sin(x+y)}{\sin(x-y)} = \frac{tgx + tgy}{tgx - tgy}$$

$$\frac{\cos(x+y)}{\cos(x-y)} = \frac{\cot x \cdot \cot y - 1}{\cot x \cdot \cot y + 1}$$

$$(*1)$$

JIN FX. COSX - COS FX. JINX = JIN FX (FF)

sin Yx. Coxx + cox Yx. sin x = sin Fx (F)

$$\sin (9.-x) = \cos x$$

$$\cos (11.-x) = -\cos x$$

$$\cos (11.-x) = -\cos x$$

$$\cos (11.-x) = -\cos x$$

Jen (90+ x). cas (40+ x) = cos (40+ x) - crin (40+ x) = 1

$$\frac{\sin(a+b).\sin(a-b)}{\cos(a-corb)} = tg^{\dagger}\alpha - tg^{\dagger}b \qquad (79)$$

$$\frac{\sin(a+b).\sin(a-b)}{\cos(a-corb)} = tg^{\dagger}\alpha - tg^{\dagger}b \qquad (79)$$

$$\frac{\sin(a+b).\sin(a-b)}{\cos(a-corb)} = tg^{\dagger}\alpha - tg^{\dagger}b \qquad (79)$$

$$\frac{\sin(a+b).\sin(a-b)}{\cos(a-corb)} = tg^{\dagger}\alpha + tg^$$

tgra = rtga - lga

(۵۲) حط ای ششاتی ۵٬۲۶ را به کلک دستورای (۴۱) و (۴۲)

بست وريه وبرا برعص ي زيرا أبت كنيد .

cos rr' $\psi := \frac{1}{r} \sqrt{r + \sqrt{r}}$ sin rr' $\psi := \frac{1}{r} \sqrt{r - \sqrt{r}}$

cot rr ri= Vr +1 . tg rr ri= Vr -1

(۵۲) برابریهای وزرش (۵۲) راازروی ورزش (۴۴) واتحاد (۲۱) نیر

بهت ورید .

(۵۶) ایت کنیدکه سینوس کی کان کو کپتراز ۹۰ برابراست! نیمهٔ زه کان سه

، ومراسران زوایرهٔ مثبتاتی .

از نیرونیردیستی برا بر بیای ورزش کی (۲۳) و (۵۲) را برسی نمایندند (۵۵) بت کیندکه نسبت پنهٔ کیک پنج بهادی تنظیم به بهنهٔ یک د و پیمادنتی شناسم

سر روع طور يك دايره) برابر و م وه م است

وه و البداكن ينظما ي مثلًا تي : ٢ راازروي خط اي مثلثًا تي بو

r. : 10°

a = 1,0

صرول سرُ وارسش عي مماياتي کا تھای از ہ تا ، ۹ از ادیان تا ۲۰۰۸ را رادیان

*		سيبوستم	ة مبيت مارنت	آراً آراً نت	مينوس	زرنيه	راديال
1, 54.1	9:	1 , , , , ,		. ,	.)! • • •		
1.0549		1,	۳۴۳٬۷۷	۲۹،۰۰۰	179	1,	
1,090.	۴.	1,	171,19	۸۵۰۰ ر.	٨۵٠٠,٠	٧,,	''
1,0971	Γ.		114,29	.,	171.18	۳.	
1,0091	7.	.,9999	10,94.	عال ر،	1119	F.	
1,2057	1.	.,9999	81.40.	1, 180	11.150	۵.	
hoorr	19 .:	1.9991	۵۷,۲9.	., . 173	11110	1 .:	i
1,33.4	۵.	1.1991	F9,1.F	.,. ۲۰۴	1,,,4,4	1.	٠,,٣,۴
1,2843	۴.	. , 9494	44,954	.,. ۲۳۳	******	۲.	
1.0445	7.	1,9991	TALIA	.,.r>r	788	Γ.	1
1,0414	7 -	1.,9995	14.791	1791	191	4.	1
HATAA	, 1.	1.7990	FLIFT		.,	۵.	1.77.
1,5139	11	1,9994	11,586	1 449	11.749	Y .:	17.789
1,250.	۵.	1.,9998	75,477	" "	TYA	10	10.844
1,05.1	۴.	19991	THAFT	., F.V	17. P.V	r.	1.7.18.Y
1, atvr	۲۰	1.999.	rr,9.5	·)·FFY	97476	Γ.	1.5.48
i, ater	7.	1,9919	TI:FV.	17.1855	11.490	p.	1.1890
1,0111		1.99111	7.7.5	1.193	11.494		1-1-490
HOLAF	14 .:	1.79A F	190.11	074	17.27	m	1.7.274
1,0100	3.	arppor	11:14	12.334	10007	1.	2000
1,0179	۴.	71.660	140159	1160.01	Marie	۲۰	11015
1,0.91	٣.	24441	15,50.	113ءر.	1,1911	r.	1.7911
1,5.51	۲.	1911	10,50	1.541	19.542.	۴.	17.54.
1,0,71	1.	KALL	14.914	. 9. 97 .	11.559	۵.	1.,.899
1. 3.1.	17	129945	Ir, ret	1.7.799	1.99 A	15	1.9.591
1.494	٥.	0998E	MITTER	11.119	17.87 V	1,	17. VYV
1,4951	۴٠	1.1911	15/191	.,. V & A	11.739	7.	1.2.100
1. 1911		1.9989	17:11.8	· 2 · V A Y	FA A	٣.	1.71 7 / 6
1,4794		1.9998	11,101	1.7.118	47. A1F	۴.	J. N. I.
1.4154		. 44 54	HATS	.,.185	13.44	Δ.	1114 F
1,4170	10 .:	19991	11.47.	AY D	7.4KL	۵' .:	1.11 r
۱ را دیان	زبنه	سے نوس	الرات ا	أزأنت متمم	سينو متم		

7.45

			- 17	4 -			
		سنبوثنمتم	آرانت متم آبرانت متم	آرات	سينوس	ار در	وأل
1,12152	15 .:	., 9957	11,47.		. , . 177	5'	.,. 14
1181.5	٠ د.	., 9754	110.07	عر، ۱۰۹	11.9.1	1.	.,.9.
HEVYV	۴.	1990	1.7811	9 rr	9 7 9	7.	., 91
1.4144	Ţv ·	19904	101 1715	.1.997	11.104		1., . 9;
178819	Y +	169900	1.7.41	0.998	· 2 · 9 A V	۴۰	1.7.9.
1,479.	٠ ا ۾	1.9944	9,1111	oterr	۱۰۱۰۱۶		1.1.1
1, 10 991	18	.,9940	973144	.,1.61	٠,١٠۴۵	e"	101.1
1,4884	۵۰	.,99151	9,7007	11111	١٠٧٢	11	1.1.1
1,1800	۴.	.,9979	9, 91	+1110	.11.1	1	1711.
1, FAYT	1	., 9919	1,0089	١١٣٩ر،	111887	1	47114
warr	1	1.9955	1,3300	-31159	1911ر،		10115
1,5010	1 , '	., 9979	1,550	·1191	1119.		1.119
1,444	1	1., 9910	1,154	17171	17110	14.	1011
1. FFAY		1. 99rr	V,90 p.	+218A8	1747	1	1017
1,4474		1., 9911	V, V V . P	17AV	47710	l .	118
1,4199	1	., 9916	4,0901	۲ ا ۱۲ د -	۱۳۰۵،		115
1,474	1 '	., 9911	V, FIAV	11148	11776	۴	- 111
1,4741	1 1	., 99.4	PATRAY	11778	11757	A	1
1,4717	1 .	·> 99. F	BHOF	111300	101191		۱۳۱۰۰
1,474	1	1	5:95AT	111874	11111	1	110
119124	1 '	119 P	911199	٠١١٢٠٥	11149	1	116
128888		l	4,5911	11190	1		1116
1, 4190		1	5, 29.9	11111	110.V	"	۵۱،
1,419		1	8,4741	, ,	1	١	1214
1,4181	11.	1 '	1	1	1		6110
1,411		1	1	1	1		1118
1, 1, 1, 19		1	1'	1	11888	1	18
1,4.0	' F		BIANDY	1	1	,	1119
1, 4. 1					11/2/1		1215
1,1991		1 " '	3				1111
1,195	14. 0	109141	DISVIT	1118	27110	1	۷۱۲۰ أ
را و يا النا	الوسليم ال	list of the second	بالراشية	1 6	ساريس محمم		

			-1	<u>د</u> ه <u>.</u>				
		سنوس سنوس تمم	ا نرانت متم ا نرانت تمم	أنرأت	مسيوس	رسيه	رادیان	
1,7957	1.	11 9 A 4A	۲۱۶۲۱۳	۳۶۱۱۲۰	۱۱۷۳۶	1.0 .:	۱۱۲۴۵	
1,7974	۵۰	· 11 4m	2,24516	۱۲۹۳	11184	1.	01444	
1. 44.4	۴٠	·> 91 111	0,4140	·3 1488	11191	40	1111F	
1. 4740	۳۰	11 11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	46 97 10	٠, ١٨٥٢	· JATT	٣٠	177110	
1, 1449	7.	:> 9A FY	0,4.94	٠, ١٨٨٣	16110	۴۰	1188	
1. 1414	. 1.	17 9188	0,4104	عور 19 و.	123AA+	۵۰	01191	
1,4444	V9	.19118	011885	19 19 د.	11911	11	.,191.	
1. 4449	۵۰	179111	61.981	۱۹۲۴ د .	171944	1.	.,1949	
1, 444.	۴۰	1,91.0	4,9194	4.170	., 1980	۲۰	.1941	
1, 77.1	۳.	179499	4,910r	۲۰۳۵ ره	1996	٣٠	v 7 Y	
1, 4947	7.	., 9498	PEAFT.	., 7.90	17 7.77	۴۰	17.76	
1,894	1.	17 9 Y AY	4,7789	., 1.90	10.7 61	۵۰	: 4.50	
1,1814	Y1 .:	18 46 G	4,1.45	17175	1,7.19	11" .:	1.7.94	
1, 1014	F 4.	-, 9 V V A	FISTAT	17 100	17111) 1.	108184	
1, 4000	۴.	1799	47 AV 75	., 1115	17179	۲.	07105	
1. 7279	۳۰	.,9484	F, 61. V	., 7717	248170	٣.	17/1/	
1,7590	۲.	. 19 4 44	4,4494	۲۲۴۷و٠	49170	۴		
1,8997	١.	.,910.	477197	17776	OFFI	۵.	1744	
1. 75 79	YY"	·1984	4,7710	۹ ۱۳۰۰	.7776.	117 .	1759	}
1, 861.	۵۰	. 9 Y FY	F, 774	9777	1777 W	1	1. 7791	
1. 7741	۴.	19 VT-	197197	٠٧٣٧٠	۶۰۳۲ ر،	1		
1, 174	٣.	1.79 V YF	16,1500	۱۰۲۴۰۱	۲۳۳۴ر،	٣	۲۳۵۶ د.]
1, 777 7	Y 4	29414	4,1148	779710	17884	1 10	۵۸۳۲ د.	
1,4794	1	1981.	19.511	17494	117791	0	1. 1416	
1,7794		119 V. T	19.1.1	11494	114419	11400	., 444	
1,4770	۵۰	19999	P. 951V	., 7074	1744V	1	7444	
1,77.5	ψ,	1.19 519	19,9188	1	17475	r	1,70.7	
1, 4144	۳.	.,9811	4,1884	1	170.4	ļ r	., 7071	
WILL	۲.	119844	BATIA		.,7077	۴	., 40 5.	
1, 4114	1.	119 884	15 VV FA	1.7847	., 549.	۵	. 7019	
1,4.9.	VO	.19 849	1777	.۲۶۲۹ ده	78311	100	1810	
را ويال	زينه	معتقبوس	أفراش	الزامناكم	سينوس منتمح			

	Katalon a		-18	۱.		and the same of th	
		سينوستم	أنرأنت تتم	أنرانت	سينوس	ازينه	راديان
۱٫۳۰۹۰	VD'	., 9 5 6 9	r, r r Ý1	., 4579	AKAY	12	۱۶۶۲۰۰
1. 7. 51	۵.	1,9831	r + 9191	., 77 11	., 4318	١.	
1, 7.47	1 4.	., 9544	7799,	STEFF	17888	۲.	.1444
1, 400	1.	1,9575	7,5.09	1777	117888	۲.	178.0
1.1.95	1.	1.9811	7,0805	171.0	., 7 7	40	ッととよれ
1,1940	1.	17390	7,3791	11 TATE	07 V TA	۵۰	., ۲ ٧ ۶ ۴
1, 1910	VF	. 9 911	7, FAYF	17188	171139	15.00	11779
1, 1118		1.98.0	17449A	., 4199	5 1 YAF	1.	2777
1, 1104		1.9999	BEITE.	., 19 11.	17818	r -	101710
1, 1414		V V C 6	157739	17998	1718F	۳۰	2711.
1, 1499		1.7 93A .	アアド・ア	1799E	178 1871	۴.	1.79.9
1, 144.		MADAL	T. T. DT	177.85	77895	۵۰	27971
1, 4441	1	.14062	r, rr . 9	12.20	17976	18	79970
1. 4414	1	09000	PARKA	17.7.49	.79 Ar	1.	1.1998
118711	1 '	19765	アンナ・ドリ	27171	17979	۲.	1
1,1934		19046	171115	77127	17 7 11 11	۳۰	1
1,7570		93FA	THE 9K	01110	., 4.49	۴۰	1
1, 1090		.1971.	アルイド	OFFIF	۲۶۰۳۱۰	۵.	1
1.1099	1	' '	PITYY	25269	1.77.9.	11	1
1.1377	J	1,92.8	BIFFE	"TYAL	11111	1	ואוזני
1.12.4	. 1	29898	D. I. L.Y.	orrir	971 FA	l r	1
1,4449		179 FAF	AVVELLA	17775	77177	1	
1,110	1	1 ' '	1	OFFYA	021.1	۴)
1,7471		1		1	シャイナル	, A	
1,1791	11.	1	1 ' ' ' '	1	4	14	1 // / / /
1,989	1	1	1	ハナトトト	OFTAF	1	1 ' '
1. trrt	1	1.11.1	By O . B	N. 646	11770	1	
1.57.8		1 . , .	1	1.4841	1777A		
1,7770	}	1	1	ってるとよ	174750	1	1
1,7749	1111	194.1	1,777 B		19895		
Jerry		1111	1//1 /20	The State of Land of the London	ish b.		17491
راريال	أرخم	مسيس ا	10111	ما مر المسيدة	منع داس معمون		

j				·		-18	۲_						
				اسينوس متم	سمم	ا نرانت	نت	İji	<i>ن</i>	أسينو	زينه		الادياك
1.	7717	Y .*	. :	۹۳۹۷ ر.	ر۲	yfra	ا ر ه،	rs4.	٠,	۳۴۲.	۲۰, ۰	٤.	, 1491
11	riad		٥.	, 9 84 V	۲,	4774	٠,١	"57r		4441	1	1	٠,٣٥٢٠
1,	1149		۲.	119 WYY	10	9910	1	74.5	. ,	TEVA	Y		., 5259
1	1150		7.	.19 m 84	7,	9449		vr9	ı,	rair	۲	- 1	· , 4844
1	414		1.	.,9408	10	9011	10.1	****	٠,	8019	۴		178.4
1	7.45		+	.,9845	177	9119	ا ره	11.0	٠,	raar	۵		۶۳۶۳۶
1	, 1-4"	69°	- 6	19778	r	8.01	.,	T179	٠,٠	4016	11.	4	17990
1	11.11		ا، ۵	119814	10	6116	1,7	ra vr	٠,	4511	- 1	•[.,4994
1	1916		4.	.,9710	r,	۵۶۰۵	٠, ١	49.5	.,	7971	Y		7777C
1	, 1966		4.	.,98.5	170	2418	1., 1	7979	٠,	8994	· · · · · ·	۱۰	۲۵۲۳۰
	1975		7.	.,989 5	1.	SIFT	-, 1	rgyr	٠,	799r	1	ا. ء	.78YA5
1	118Y		1.	17877	13	499.	1,2	عع	ر,	TV19		١٠	111/10
1	1.11.91	81	- 4	19888	17	4401	.,	٠٠٠	١.,	7745	77.	4	.771°
	11179]	۵۰	19851	15	rara	1,,	4.44	٠,	4114	'	•	17189
1	4KI 0		۴.	-1910.	17.	۲۳۲۲	10	ゲトル	٠,	71	1	r	., TA 9 A
1	1441		۳.	.,97 79	r	FIFT	.,	rifr	٠,	TAYY	1	r•	1797Y
1	1445		۲.	19881	170	79 FD	1.,	4118	1.7	MAR	1	۴۰	17905
	12 1 1 5 5	1 .	1.	.,9819	17)	TY 5.	٠,	471.	1,1	4111		٥٠	17911
١	1,1594	SV	* 4	198-6	دې د	7309	1.9	rrra	.,	49 · Y	170	• 4	11، عوره
Ì	11970		۵.	19191	° 5.	rr79	1.,	4149	٠,	79 TF	1	١.	179.19
1	11/549		۴.	19111	r F	TIAT	.,	۳۲۱۴	ر.	1991	1 '	۲.	. 1 . V
	18.8	-	٣.	191 V	1 1:	1991	1,7	4444	1.,	MAN	1 '	۳.	ا و اعاده
- }	11611		7.	19109) j.	1111	1,,	4747	.,	4.14	1	۴٠	1717
1	111241		3 +	١٩١۴،	1 4	1981	1,,	MIN	1.,	4.41		۵.	17818
1	1,1019	20	. 4	179184	3 4	, TFF.	1,	ffar	1.,	4.51	716	• :	17/140
1	1,149.		۵۰	179181	۲ م	17119	10	ffav	4.3	4.91	1	١.	17471.
Ì	1,1491	}	۴.	19111	1 1	7111	ه، ا	Parr	0	411		۲٠	1444.
.	111641		j.	1,191 .	. P	1914	وه 🏻 ا	FOOV	1.0	4141	1	۳۰	1741
. }	1114.4		۲.	1,9.1.	1 4	11440	ر، اه	409r	ر. [FIVE	•	۴.	1344.
	HIPY		1.	עוףני.		1 12. 9		4544	10	44.		۵.	54441
	13144	90	+ í	1,9.51		1146	100	12554	1	10 175	10	3 4	1,445
	راد يا لك	1		Je 1	١,	ه ما خواست	1-7	غ و المراه ا م السرة		معلورية			

	-12	٣			
	آنزانتهم سيوشتم	تا نرانت	مسينوس	زبنه	راديال
1,1840 90 .	۱۰, ۹.۶۳ ۲, ۱۴۴۵	., ۴۶۶۳	., ۴۲۲۶	*	., 488
1,1415 0	1, 9.21 7 1717	1, 4599	1767 C		19434
1, 1715 F	10 9 m/ roller	17 FYTT	·> 4444	7.	17777
1, 1858 P	9.75 7, 950	۱۰ ۴۲۲۰ ده	۰۰ ۴۳۰۵	. "	۱۵۹۹۰۰
1) 1874 7	9.15 77.4.9	1781.5	۱۳۳۱ ر.	۴۰	٠١٤٤١٠
1, 1199	1 9 . 1 71 . 500	17270	17 Fr 41	۵۰	., 100 9
1. 111. 510 .	1. 1914 L. 10. W	17 17 VV	17 4 TAP	Y 6 :	17676
1, 1141 0	· ., 4940 4, . 70 m	17917	+7 461 + :	1.	18096.
1,1111 6	۴ ٠٠٠ د١ ١٩٤٢٠٠٠	., 490.	·, 4448	۲.	۶۹۵۹۶۰
12 1241 1	י א פיי נדן ף אף אנין	1919	.3 4624	۳۰	
1, ,	· -> 1991 37917	۲۲۰۵۰،	·> 4644	4.	196996
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	20.00	ع ۱۵۱ و د	۵۰	いかタイヤ
1, .995 800	1,79911 1,9845	., 4.90	٠ ۴۵۴٠	78 .:	171790
1, 1988 3	1	UBITT	. ۶۶ ۲۵ و و	1.	١٦٤٢٤٠
[b.987] Y	1 17 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1) 41 59	178694	7.	۲۲۱ عود
1, -9 - 1	· 17811 . 7886	., 64.5	11871	٣٠	۲۸۰۰
10.489	1 1.7 AABY 129.44	17075	17888	4.	1.75×19
11-144-11	· 11/194 11/194 .	-> 87 A .	.,4889	۵۰	1.4404
17 7 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	* -> 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12	UATIV	17 4890	171	1.5444
10.795	17 18 11 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	.,0404	·> 414.	1.	1919
11.751 1	1 7 11 11 11 11 11 11 11	172498	. 24143	T +	.,4940
11.188	10 1444 114414	warr.	17886	۲.	.>4dak.
1 1 1	1 1774 1 7748 10 1541	1.7 18 4.5 1	., FV9V	۴,	.,37
	1 1 AV 5. 11 A 150	66 . 6	·> 17 77	، ۵۰	113.88
1,, ,, , 1,, ,	1111 3746 1174.6.	.,3afr	·> 444	19	.13.51
1" 1	116 ACL 1248 CO	118661	17 FAVF	1 1	1
1	- 17 AVIA 12 VY9 F	1.20019	·28499	7.	1.1017.
1 1	· , AY . F 1, V F V A	1	17974	۳۰	1
	2001. 1949 1. 1000	""	٠٥٤٩٥٠	۴.	
1. A. 1	17474 27886		176910	۵ ، س	
11.414 70	1774 - 12771	120114	۰۰۵۰۰۰	7:	.,6775
ينه راديان	ة زانت اسينوس ا	أنرأنت متمم	سينوستمم	:	

			·			-`	
		سينوس تمم	ا نرا تشمّم	أزأت	سينوس	زبنه	رادیان
1,144	9: .:	12 A 55.	۱ , ۲۳۲۱	. , Q VVY		۳.٠ ٠٠	.07 75
1 44	۵٠	.,1545	1 , 17.0	1011r	110110	1.	170150
1, = 10/14	۴.	.715-111	1, 4.9 .	120001	170.01	۲.	48700
1,. 110	۳.	913 / ر.	1,5928	11019.	120.40	۳۰	170 775
1 + 2 5	۲,	11.840	1 , 8184	٠٥٩٣٠	1001	۴۰	varar
1 serre	. 1.	VAGAL	1, 5127	113989	20170	۵.	11876
1, 1997	29	OABYT.	1,594 7	۹۰۰۶ر.	616.	71	·10401
1, 17 54	۵.	. N & & V	1150 44	1,9.41	47 140	4.	·off.
101779	۴۰	171011	118478	139.11	vor.		10199
17.91.	٣.	17 64 61	1,5119	28114	varra	۲۰	18990
11.141	1.	11000	1,5117	125184	٠۵٢۵٠	4.	2001Y
1, .107	1:	1.11495	١١٦٤١١٢	ッテア・オ	.12119		150005
	24	1.144.	11500	1.58779	10199	177	\ '"" / "
1,94	Δ.	1.714.80	1:39	1.7881	1224	1.	19814
1,90	· ·	1144 A	120194	13845.	いっちょん	۲.	"DSFT
11:175	۲,	17 4 LL	110894	114456.	70 777	۳۰	17880
1,	γ.	174411	1,0094	17899	10791	۴.	JAVII
., 99rr		1.344.4	120594	1.54ar	10877		1
	۵Y	1.74 LV		.,9F9F	1,0445	LL	.391 8.
.,9919	7.	177 1		1,5375	1	1	1
.,949.	۴.	A F 52	1	19211	1.0 pg 3	T .	1
. 9191	٣٠	1.141.6	1	1,5519	120019	7.	1
7716.	۲۰	1	1	19881	130066	1	1//
1,911	٠٠ نور	, .	1	٠, ۶٧٠٣	1,00 p.	ه عاس	
,946	۵۶۰۰	1 - 11 1	1	1.184 160	1.0518	1 *	778600
1,7174	12.	1,7,	1 1 10	1098AV	1.094.	1	1
., 9544	۳.	1			1,0584	1	1 1
1,9504	ř		17166			Je.	1
1,9841			1	1	1	1 3	1 // 1
19099		1			1		1
رادیان	ز بینه	1	نرأنت ا	نزانت تمتم أ	سينوس تمم أ	,	

- 50

,					
	ينوس تمم	أرأنتهم	أنزانت	مسينوس	راديان زينيه
.,9099	00 · · · 119	1 15471	.,	. 10 7 8	MS, 51.
9 3 1.	5. 1. 1. 1. Y	11919	۶۴۰۴۶.	., DV9.	1. 1. 517/
. 9 341	" Y 11 3		٧ - ٨ 9	· · DVAT	7. 0, 5154
116911	T. 1. 114	1, 4.19	17 VI TT	· > 6A · Y	r. 17195
1.949.15	Y A 177	אזרח נון	·> Y1 YY	. DATI	4. 1.5886
19424	10 11 11 11	12 77 64	YTT1	., 6164	D1 97 DY
1.9442	Dr 1.9	عادً ١١ ٣٧ ١١	., Y890	15 DAYA	75 · · · · · · 47AF
1.9895	3. 1. 1. 11	11 751.	. 7 YY 10	J- 44 1	1. 00 5717
· 1 9 5 5 Y	F 35	11 4744	** VT30	17 29 TA	7. 0.9881
12 9 17 17 4	P - 1, 1- 1	1, 4014	17 YY	· 5941	W. 19 584.
0.750	70 1. 11	D TTTT	11 14F3	. > 49 48	4. 0, 54.
1779	100000		1. YY91	., 29 9 4	5 5479
., 973.	7 4 X 5' 12	F TY C	۷۵۳۶ و.	., 9.11	TY .: , 5401
., Arti	3, v a 30	11/ 11/4+	11 X 2 X 1	., 4.49	1 9444
1. 419r	4.0000	12 7 1 1 2	1. YFYY	., 8.90	وا ۵۶ و. ۲۰
·/ 1154	T> Y9TH		1. VFVT	·2 9·AA	r, 5040
., 9175	7 - 19 19		., VYT.	0 9111	F. 1. 50VF
., 41.7	1. 4. 4.44		·, ٧٧۶۶	·> >174	A. 1., 55. 1
1.14.15	37 14.1.	1- 1111	VAIF	11 FIBY	WA . 6 0.3 85 mr
1. 4. Fr	3.0 1/121	12 7574	· VAG.	0 911.	1.0. 9991
1. 4.14	F-10 VAFF	1	., V9.Y	·> 58.8	F. 0.9 889.
1 1911	. P . V . T :	12 4721	Vant	~ 5440	T. 0, 577.
17.19.29	Y Y		1.2 A. T	·> 9841	4. 1.5449
141.	1 - 1 - 1 - 1		., A.a.	1 FTY1	D. 1.54 VA
0 1411	28	1	1. V. d.	., Fr 9W	79 91.V
O JAFF	S. VYAY		1.3 1145	12. 5818	1. 54 48
· 1114	4.0111	1	119 S	.) 98 TA	Y. 1. 5/190
11 441A	T YY18	1	., 1777	·, 5851	r, 5194
11 AVAS	1. 1. V94A		1618 1.	·> 5 TA T	4 59 77
** YAZE	1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1		17 ATF1	., 54.5	200000
., 1444	D 17 NEE	1, 191 4	· AT91	·, 541A	4.0000
راوياك	سينوس زينه	نانرانت انرانت	بانرأنت متمم	سينوس متمم)

DATE DUE OF

This book is due on the date last stamped. A fine of 1 anna will be charged for each day the book is kept over time.

12.4.4.V 12.4.4.4.

97.Ke

. 1 9 V c.

179 F1

13	(1 21
	LIM	NULL E	5)//
	And the same of th	ALA	124
بامراس	المستحدث	1	راديان
4 1 4 4	21641	.0 0	4 4 11
2 A 1491		per as	
AFFI	., 840.	1 •	., V. 1.
1 1491	. 5414	۲.	V 179
1 0 71	· 91-94	4.	., 4.99
1091	501V	۴.	V . 11
1244	., 5049	۵۰	· VIYV
1294	. 9051	41	1105
AYFF	., 90Ar	1 -	1 VIAO
Arts	., 8 8. F	۲.	., VY 14
ANTY	3 9589	4.	., 4147
1988.	. 5 9 FX	1.	. YYYT
Ariat	1 661.	10.	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
9 - 4	. 9511	100 100	., ۲,1,
4 .31	1 9 VIT	1.	1524
441.	1.1 5444	1.	וגיוע יי
107151	1. 94.35	٧.	VIIA
0 9817	" FYVV	۲.	
1 47 VS	-, 5×44	۵.	1. 1819
1770		1 ha	1. 7.3.0
., 9 PA.	1	1.	1
1.91-62	. PAPT	1	
1.319.	" FAAF	4	1 .
1. 9.550		K2 (
., 95.1		.5.	1
. 9501	1. 5910	PF	
1. 9 + 1 y	1-1 995V	3	1 '1
. 977		1 '	· VYYA
11160		7	1
19/1/		1,	
1.99 191	1 1/	6:0	: " YAYA
8, , , ,	1., Y.YI	1 10 "	1111016
ا مرأ مرتهم	سنوس تتمقر إ	-	

بخطر متحاضنلي كراد رحبيات انتج خواه

12 . 6 41

11.7233

12.593

12.770

11.9 19

 Dat_{Θ} $D_{at_{\Theta}}$ N_0